

गणित

(अध्याय - 16) [संख्याओं के साथ खेलना]

(कक्षा - 8)

प्रश्नावली 16.1

प्रश्न 1:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 1:

$A = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 \dots$ रखने पर

$7 + 5 = 12$ जिसमें इकाई के स्थान पर 2 है।

$$\therefore A = 7$$

और 2 रख कर तथा 1 को आगे ले जाकर जोड़ने पर

$$B = 6$$

अतः, $A = 7$ और $B = 6$

$$\begin{array}{r}
 3 \quad A \\
 + \quad 2 \quad 5 \\
 \hline
 B \quad 2
 \end{array}$$

प्रश्न 2:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 2:

$A = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 \dots$ रखने पर

$8 + 5 = 13$ जिसमें इकाई के स्थान पर 3 है।

$$\therefore A = 5$$

और 3 रख कर तथा 1 को आगे ले जाकर जोड़ने पर

$$B = 4$$
 और $C = 1$

अतः, $A = 5, B = 4$ और $C = 1$

$$\begin{array}{r}
 4 \quad A \\
 + \quad 9 \quad 8 \\
 \hline
 C \quad B \quad 3
 \end{array}$$

प्रश्न 3:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 3:

$A = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 \dots$ रखने पर

$A \times A = 6 \times 6 = 36$ जिसमें इकाई के स्थान पर 6 है।

$$\text{अतः, } A = 6$$

$$\begin{array}{r}
 1 \quad A \\
 \times \quad A \\
 \hline
 9 \quad A
 \end{array}$$

प्रश्न 4:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 4:

यहाँ, $B = 5$ रखने पर $7 + 5 = 12$

इकाई के स्थान पर 2 ($A = 2$) रखने पर और 1 को आगे ले जाकर जोड़ने पर

$$2 + 3 + 1 = 6$$

अतः, $A = 2$ और $B = 5$

$$\begin{array}{r}
 A \quad B \\
 + \quad 3 \quad 7 \\
 \hline
 6 \quad A
 \end{array}$$

प्रश्न 5:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 5:

$B = 0$ रखने पर $0 \times 3 = 0$.

और $A = 5$, रखने पर $5 \times 3 = 15$

$$\Rightarrow A = 5 \text{ और } C = 1$$

अतः, $A = 5, B = 0$ और $C = 1$

$$\begin{array}{r}
 A \quad B \\
 \times \quad 3 \\
 \hline
 C \quad A \quad B
 \end{array}$$

प्रश्न 6:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 6:

$B = 0$ रखने पर

$$0 \times 5 = 0 \text{ और } A = 5 \text{ रखने पर } 5 \times 5 = 25$$

$$\Rightarrow A = 5, C = 2$$

$$\text{अतः, } A = 5, B = 0 \text{ और } C = 2$$

$$\begin{array}{r}
 A \quad B \\
 \times \quad 5 \\
 \hline
 C \quad A \quad B
 \end{array}$$

प्रश्न 7:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 7:

यहाँ, B और 6 के गुणनफल से इकाई के स्थान पर भी B होना चाहिए।

$$6 \times 1 = 6, 6 \times 2 = 12, 6 \times 3 = 18, 6 \times 4 = 24$$

$B = 4$ रखने पर इकाई के स्थान पर भी 4 है और बाकी बचे दोनों B का मान 44 होना चाहिए।

$$\therefore \text{इसलिए } 6 \times 7 = 42 + 2 = 44$$

$$\text{अतः, } A = 7 \text{ और } B = 4$$

$$\begin{array}{r}
 A \quad B \\
 \times \quad 6 \\
 \hline
 B \quad B \quad B
 \end{array}$$

प्रश्न 8:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 8:

$B = 9$, रखने पर, $9 + 1 = 10$

इकाई के स्थान पर 0 रखने पर और 1 को आगे ले जाकर जोड़ने पर

$A = 7$ के लिए

$$\Rightarrow 7 + 1 + 1 = 9$$

$$\text{अतः, } A = 7 \text{ और } B = 9$$

$$\begin{array}{r}
 A \quad 1 \\
 + \quad 1 \quad B \\
 \hline
 B \quad 0
 \end{array}$$

प्रश्न 9:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 9:

$B = 7$ रखने पर

$$\Rightarrow 7 + 1 = 8$$

यदि $A = 4$, तब $4 + 7 = 11$

दहाई के स्थान पर 1 रखने पर और 1 को आगे ले जाने पर

$$2 + 4 + 1 = 7$$

$$\text{अतः, } A = 4 \text{ और } B = 7$$

$$\begin{array}{r}
 2 \quad A \quad B \\
 + \quad A \quad B \quad 1 \\
 \hline
 B \quad 1 \quad 8
 \end{array}$$

प्रश्न 10:

निम्नलिखित में से प्रत्येक में अक्षरों के मान ज्ञात कीजिए तथा संबद्ध चरणों के लिए कारण भी कीजिए:

उत्तर 10:

$A = 8$ और $B = 1$ रखने पर, $8 + 1 = 9$

फिर से जोड़ने पर $2 + 8 = 10$

दहाई के स्थान पर 0 रखने पर और 1 को आगे ले जाने पर

$$\text{अब } 1 + 6 + 1 = 8 = A$$

$$\text{अतः, } A = 8 \text{ और } B = 1$$

$$\begin{array}{r}
 1 \quad 2 \quad A \\
 + \quad 6 \quad A \quad B \\
 \hline
 A \quad 0 \quad 9
 \end{array}$$

गणित

(अध्याय - 16) (संख्याओं के साथ खेलना)

(कक्षा - 8)

प्रश्नावली 16.2

प्रश्न 1:

यदि $21y5$, 9 का एक गुणज है, जहाँ y एक अंक है, y तो का मान क्या है?

उत्तर 1:

क्योंकि, $21y5$, 9 का एक गुणज है,

अतः, इसके अंकों का योग से विभाज्य होना चाहिए।

$$\therefore 2+1+y+5=8+y \Rightarrow 8+y=9 \Rightarrow y=1$$

प्रश्न 2:

यदि $31z5$, 9 का एक गुणज है, जहाँ z एक अंक है, z तो का मान क्या है? आप देखेंगे कि इसके दो उत्तर हैं। ऐसा क्यों है?

उत्तर 2:

क्योंकि, $31z5$, 9 का एक गुणज है,

इसलिए, इसके अंकों का योग 9 से विभाज्य होना चाहिए।

$$\therefore 3+1+z+5=9+z \Rightarrow 9+z=9 \Rightarrow z=0$$

$$\text{If } 3+1+z+5=9+z \Rightarrow 9+z=18 \Rightarrow z=9$$

अतः, 0 और 9 इसके दो उत्तर हैं।

प्रश्न 3:

यदि $24x$, 3 का एक गुणज है, जहाँ x एक अंक है, x तो का मान क्या है?

उत्तर 3:

क्योंकि $24x$, 3 का एक गुणज है,

इसलिए, इसके अंकों का योग 3 से विभाज्य होना चाहिए। $\therefore 2+4+x=6+x$

क्योंकि x एक अंक है,

$$\Rightarrow 6+x=6 \Rightarrow x=0$$

$$\Rightarrow 6+x=9 \Rightarrow x=3$$

$$\Rightarrow 6+x=12 \Rightarrow x=6$$

$$\Rightarrow 6+x=15 \Rightarrow x=9$$

अतः, x के चार मान 0, 3, 6 और 9 हो सकते हैं।

प्रश्न 4:

यदि $31z5$, 3 का एक गुणज है, जहाँ z एक अंक है, z तो का मान क्या हो सकता है?

उत्तर 4:

क्योंकि, $31z5$, 3 का एक गुणज है,

इसलिए, इसके अंकों का योग 3 से विभाज्य होना चाहिए।

क्योंकि z एक अंक है,

$$\therefore 3+1+z+5=9+z$$

$$\Rightarrow 9+z=9 \Rightarrow z=0$$

$$\text{If } 3+1+z+5=9+z$$

$$\Rightarrow 9+z=12 \Rightarrow z=3$$

$$\text{If } 3+1+z+5=9+z$$

$$\Rightarrow 9+z=15 \Rightarrow z=6$$

$$\text{If } 3+1+z+5=9+z$$

$$\Rightarrow 9+z=18 \Rightarrow z=9$$

अतः, z के चार मान 0, 3, 6 और 9 हो सकते हैं।