

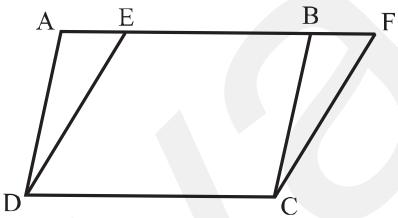
### अध्याय 9

## समांतर चतुर्भुजों और त्रिभुजों के क्षेत्रफल

महत्वपूर्ण बिन्दु

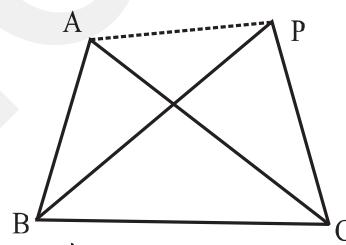
- एक ही आधार और एक ही समांतर रेखाओं के बीच स्थित समांतर चतुर्भुज क्षेत्रफल में समान होते हैं।

दो समांतर चतुर्भुज ABCD और EFCD एक ही आधार DC और एक ही समांतर रेखाओं के बीच (AF और DC) स्थित हैं।  $\text{ar}(\text{ABCD}) = \text{ar}(\text{EFCD})$ .



- एक ही आधार और एक ही समांतर रेखाओं के बीच स्थित त्रिभुज क्षेत्रफल में समान होते हैं।

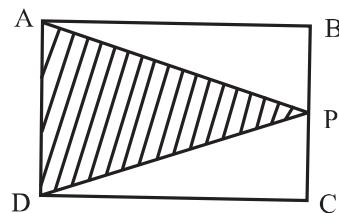
दो त्रिभुज ABC और PBC एक ही आधार BC और एक ही समांतर रेखाओं BC और AP के बीच स्थित हैं  $\text{ar}(\triangle ABC) = \text{ar}(\triangle PBC)$



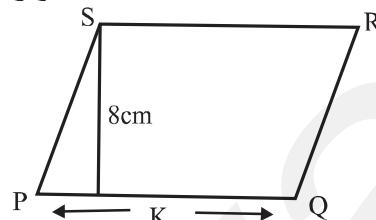
- एक ही आधार वाले और बराबर क्षेत्रफलों वाले त्रिभुज एक ही समांतर रेखाओं के बीच स्थित होते हैं।

### खण्ड-अ

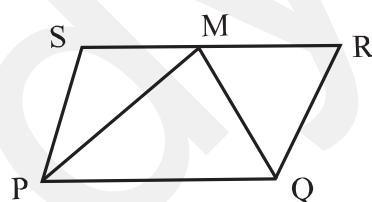
1. समांतर चतुर्भुज ABCD का क्षेत्रफल  $80\text{cm}^2$  है। त्रिभुज APD का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



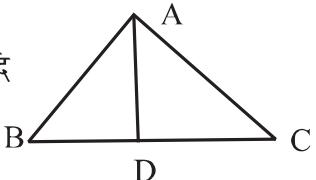
2. यदि समांतर चतुर्भुज PQRS का क्षेत्रफल  $88$  वर्ग सेमी. है तो K का मान ज्ञात कीजिए।



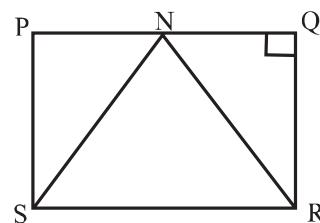
3. PQRS एक समांतर चतुर्भुज है तथा PQM एक त्रिभुज है यदि क्षेत्र ( $\Delta PQM$ ) =  $18$  वर्ग सेमी. तो PQRS का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



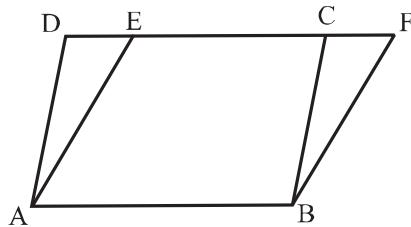
4.  $\triangle ABC$  में AD त्रिभुज की माध्यिका है। यदि त्रिभुज ABD का क्षेत्रफल  $25$  वर्ग सेमी. हो तो  $\triangle ABC$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।



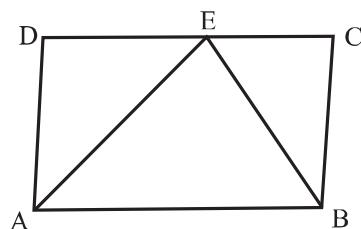
5. दी गई आकृति में  $\triangle SRN$  का क्षेत्रफल =  $21$  सेमी $^2$  तथा  $RQ = 6$  सेमी. तो PQ का मान ज्ञात कीजिए।



6. आकृति में ABCD तथा ABEF दो समांतर चतुर्भुज हैं। यदि क्षेत्रफल  $(ABCE) = 17\text{cm}^2$  क्षेत्रफल  $(ABCD) = 25\text{cm}^2$  तो BCF का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

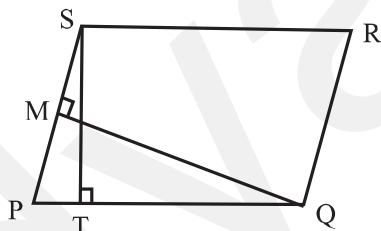


7. समान आधार तथा समान समांतर रेखाओं के बीच स्थित दो समांतर चतुर्भुजों के क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए।
8. यदि एक त्रिभुज और एक समांतर चतुर्भुज एक ही आधार और एक ही समांतर रेखाओं के बीच स्थित हो तो उनके क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए।
9.  $\triangle ABC$  में D, E तथा F क्रमशः भुजा AB, BC और AC के मध्य बिंदु हैं तो DEF और ABC के क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए।
10. यदि समांतर चतुर्भुज के आधार की लंबाई  $8\text{cm}$  हो और इसकी ऊँचाई  $5\text{cm}$  हो तो क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
11. यदि दो त्रिभुज एक ही आधार और एक ही समांतर रेखाओं के बीच स्थित हो तो उनके क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए।
12. दी गई आकृति में यदि समांतर चतुर्भुज ABCD का क्षेत्रफल  $30\text{cm}^2$  हो तो  $\text{ar}(ADE) + \text{ar}(BCE)$  ज्ञात कीजिए।

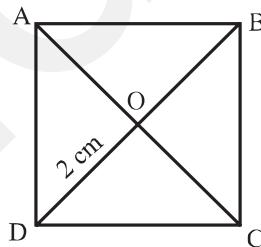


## खण्ड-ब

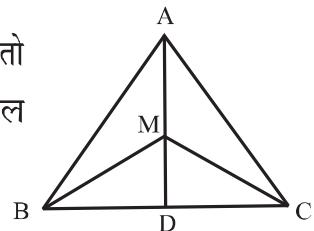
13. दिखाइए कि त्रिभुज की माध्यिका उसे बराबर क्षेत्रफलों वाले दो त्रिभुजों में बांटती है।
14. समांतर चतुर्भुज ABCD में P और Q क्रमशः भुजा DC और AD पर स्थित हो तो सिद्ध कीजिए  $\text{ar}(\Delta APB) = \text{ar}(\Delta BQC)$ .
15. यदि समांतर चतुर्भुज के शीर्षलंब और उसके क्षेत्रफल का अनुपात 2:11 हो तो समांतर चतुर्भुज के आधार की लंबाई ज्ञात कीजिए।
16. दी गई आकृति में □PQRS एक समांतर चतुर्भुज है जहाँ PQ=12cm, ST = 9cm, QM = 6cm,  $ST \perp PQ$ ,  $QM \perp SP$  तो SP की लंबाई ज्ञात कीजिए।



17. दी गई आकृति में □ABCD एक वर्ग है जिसके विकर्ण एक दूसरे को बिन्दु O पर काटते हैं। यदि  $OD = 2\text{cm}$  तो AB की लंबाई ज्ञात कीजिए।

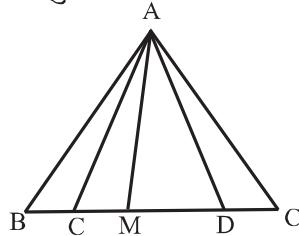


18. दर्शाइए कि समान्तर चतुर्भुज के विकर्ण उसे चार बराबर क्षेत्रफल वाले त्रिभुजों में बाँटते हैं।
19. यदि M माध्यिका AD पर स्थित एक बिन्दु है तो सिद्ध कीजिए क्षेत्रफल  $(\Delta AMB) =$  क्षेत्रफल  $(\Delta AMC)$ .



20. दी गई आकृति में  $BC=CD=DE$

यदि  $CD$  का मध्य बिन्दु  $M$  हो तो  $\Delta AMC$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

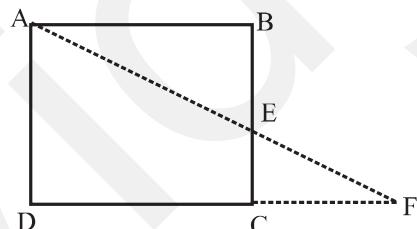


21.  $D, E$  तथा  $F, \Delta ABC$  की भुजाओं क्रमशः  $BC, CA$  तथा  $AB$  के मध्य बिन्दु हैं तो सिद्ध कीजिए कि:-

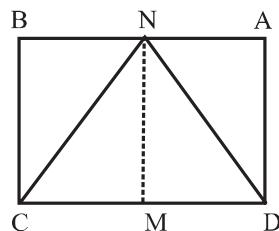
- i)  $BDEF$  एक समांतर चतुर्भुज हैं।
- ii) क्षे.  $(DEF) = \frac{1}{4}$  क्षे.  $(\Delta ABC)$

22.  $ABCD$  एक समांतर चतुर्भुज है। शीर्ष  $A$  से रेखा  $AEF$  खींची जो  $BC$  को  $E$  पर मिलती है।  $DC$  को  $F$  तक बढ़ाया। सिद्ध कीजिए

$$\text{k्षे. } (\Delta BEF) = \text{k्षे. } (\Delta DCE)$$



23. दी गई आकृति में समांतर चतुर्भुज  $ABCD$  का क्षेत्रफल  $40$  वर्ग सेमी. है यदि  $MN, \Delta CDN$  की माध्यिका हो तो  $\Delta NDM$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

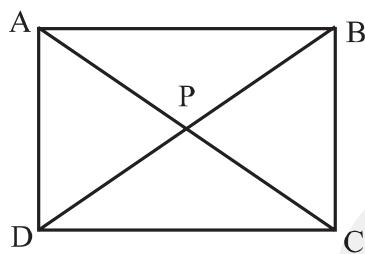


## खण्ड-स

24. चित्र में P समांतर चतुर्भुज ABCD के अंदर कोई बिंदु है तो सिद्ध कीजिए।

$$(i) \quad \text{क्षे. } (\triangle APB) + \text{क्षे. } (\triangle PCD) = \frac{1}{2} \text{ क्षे. } (\square ABCD)$$

$$(ii) \quad \text{क्षे. } (\triangle APD) + \text{क्षे. } (\triangle PBC) = \text{क्षे. } (\triangle APB) + \text{क्षे. } (\triangle PCD)$$



25. ABCD एक समलंब चतुर्भुज है जहाँ  $AB \parallel DC$ । यदि विकर्ण AC और BD एक दूसरे को O पर काटते हैं तो सिद्ध कीजिए कि

$$\text{क्षे. } \triangle(AOD) = \text{क्षे. } (\triangle BOC)$$

26. समांतर चतुर्भुज ABCD के विकर्ण AC और BD एक दूसरे को O पर काटते हैं तथा एक रेखा O से होकर AB और DC को क्रमशः P और Q पर काटती है तो सिद्ध कीजिए कि

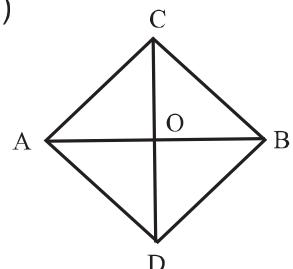
$$\text{क्षे. } \triangle(POA) = \text{क्षे. } (\triangle QOC)$$

27. चतुर्भुज PQRS के विकर्ण PR तथा QS एक दूसरे को T पर काटते हैं। यदि  $PT=TR$  तथा  $PS=QR$  हो तो सिद्ध कीजिए कि

$$\text{क्षे. } \triangle(PTS) = \text{क्षे. } (\triangle RTQ)$$

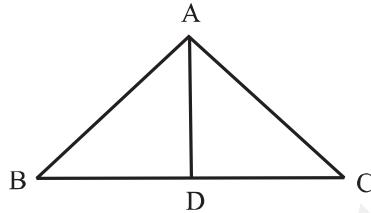
28. आकृति में ABC तथा ABD दो त्रिभुज हैं जो एक ही आधार AB पर स्थित हैं। यदि रेखाखंड CD, AB को O पर समद्विभाजित करता हो तो सिद्ध कीजिए कि

$$\text{क्षे. } \triangle(ABC) = \text{क्षे. } (\triangle ABD)$$



29. दी गई आकृति में ABC की माध्यिका AD है तो सिद्ध कीजिए कि

$$\text{ar}(\triangle ABD) = \text{ar}(\triangle ACD).$$

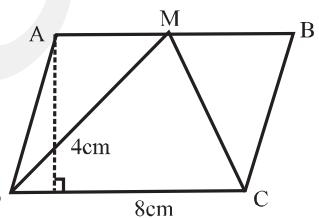


#### खण्ड-द

30. सिद्ध कीजिए कि एक ही आधार और एक ही समांतर रेखाओं के बीच स्थित समांतर चतुर्भुज क्षेत्रफल में समान होते हैं।

31. सिद्ध कीजिए कि समान आधार पर एक ही समांतर रेखाओं के बीच बने दो त्रिभुजों का क्षेत्रफल भी समान होता है।

32. यदि एक त्रिभुज व एक समांतर चतुर्भुज समान आधार व एक ही समांतर रेखाओं के बीच स्थित है तो सिद्ध कीजिए कि त्रिभुज का क्षेत्रफल समांतर चतुर्भुज के क्षेत्रफल का आधा होता है।



उपरोक्त का प्रयोग करके क्षे. ( $\triangle CMD$ ) ज्ञात कीजिए।

33. एक रेखा XY,  $\triangle ABC$  की भुजा BC के समांतर है। यदि  $BE \parallel AC$  और  $CF \parallel AB$ , XY को E और F बिन्दु पर मिलती हो तो सिद्ध कीजिए  
 $\text{ar}(\triangle ABE) = \text{ar}(\triangle ACF)$ .

34. समांतर चतुर्भुज ABCD में यदि E, F, G, और H क्रमशः भुजा AB, BC, CD और DA के मध्य बिंदु हो तो सिद्ध कीजिए

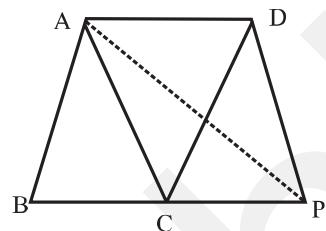
$$\text{ar}(EFGH) = 1/2 \text{ ar}(ABCD).$$

35. एक गाँव में  $\square ABCD$  के आकार का एक भूखण्ड है गाँव का मुखिया इस भूखण्ड को पक्का कराकर पंचायत की मीटिंग के प्रयोग में लाना चाहता है। बाद में  $\triangle ABP$  के आकार का खेल का मैदान बनाने की योजना बनी जिससे आस-पास के बच्चे खेल सकें।

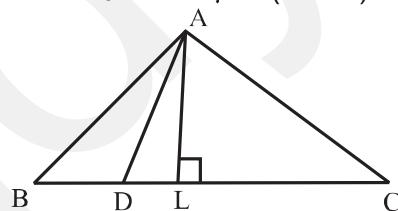
यदि  $AC \parallel DP$

सिद्ध कीजिए

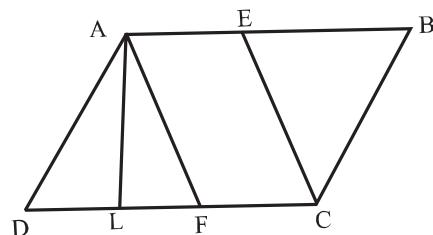
$$\text{ar}(ABCD) = \text{ar}(ABP).$$



36. एक किसान के पास वर्गाकार भूखण्ड है जहाँ वह एक ही समय में पांच प्रकार की फसलें उगाना चाहता है। भूखण्ड के मध्य में आधे क्षेत्रफल में वह चावल उगाना चाहता है और बचे हुए चार समान क्षेत्रफल वाले त्रिभुजाकार भागों में अन्य फसलें उगाना चाहता है।
- i) सही आकृति बनाकर दर्शाइए कि कैसे वह भूखण्ड के क्षेत्र को बांटकर अपना कार्य हल कर सकता है?
  - ii) एक ही आधार तथा एक ही समांतर रेखाओं के बीच स्थित बने त्रिभुज तथा समांतर चतुर्भुज के क्षेत्रफलों के बीच का संबंध लिखिए।
37. दिए गए चित्र में, बिन्दु D, त्रिभुज ABC की भुजा BC को  $m:n$  के अनुपात में विभाजित करता है। सिद्ध कीजिए  $\text{ar}(\Delta ABD):\text{ar}(\Delta ADC) = m:n$ .



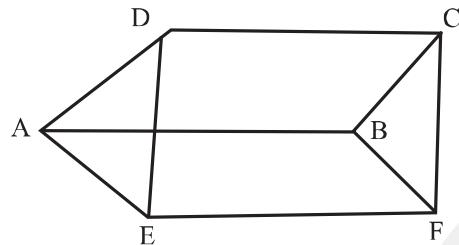
38. ABCD एक समान्तर चतुर्भुज है। भुजा AB पर E बिन्दु इस प्रकार है कि  $BE=2EA$  तथा भुजा DC पर F बिन्दु इस प्रकार है कि  $DF=2FC$ . सिद्ध कीजिए कि AECF एक समान्तर चतुर्भुज है, जिसका क्षेत्रफल, समान्तर चतुर्भुज ABCD के क्षेत्रफल का एक तिहाई है।



39. दिए गए चित्र में, दो समान्तर चतुर्भुज ABCD तथा AEFB एक ही भुजा AB के विपरीत दिशा में खींचे गए हैं। सिद्ध कीजिए

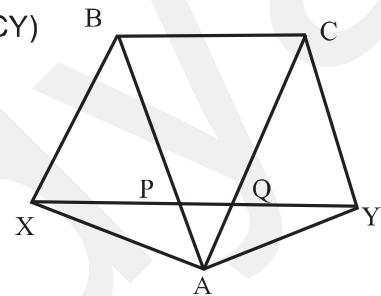
$$\text{ar}(\text{समान्तर चतुर्भुज } ABCD) + \text{ar}(\text{समान्तर चतुर्भुज } AEFB)$$

$$= \text{ar}(\text{समान्तर चतुर्भुज } EFCD)$$

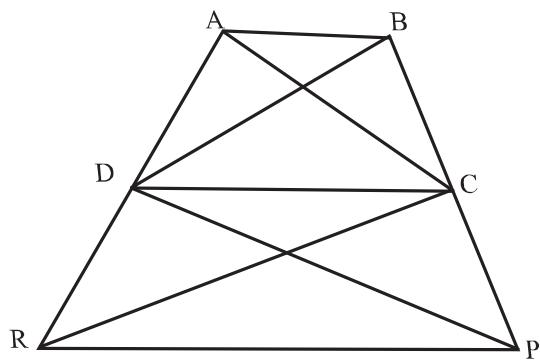


40. दिए गए चित्रों में  $BC \parallel XY$ ,  $BX \parallel CA$  तथा  $AB \parallel YC$ . सिद्ध कीजिए

$$\text{ar}(\triangle ABX) = \text{ar}(\triangle ACY)$$



41. दिए गए चित्र में,  $\text{ar}(DRC) = \text{ar}(DPC)$  तथा  $\text{ar}(BDP) = \text{ar}(ARC)$  दर्शाइए कि दोनों चतुर्भुज ABCD तथा DCPR समलंब हैं।



अध्याय 9

## समांतर चतुर्भुजों और त्रिभुजों के क्षेत्रफल

उत्तर

1.  $40 \text{ cm}^2$
2.  $11 \text{ cm}$
3.  $36 \text{ cm}^2$
4.  $50 \text{ cm}^2$
5.  $7 \text{ cm}$
6.  $7 \text{ cm}^2$
7.  $1:1$
8.  $1:2$
9.  $1:4$
10.  $40 \text{ cm}^2$
11.  $1:1$
12.  $15 \text{ cm}^2$
15.  $\frac{11}{2}$  units
16.  $18 \text{ cm}$
17.  $\sqrt{8} \text{ cm}$
20.  $\frac{1}{6} \Delta ABC$
23.  $10 \text{ cm}^2$
32.  $16 \text{ cm}^2$
35.  $\text{area } (\square ADPC) = 2 \times \text{area } (\triangle ACD)$
36. त्रिभुज का क्षेत्रफल =  $\frac{1}{2} \times$  समांतर चतुर्भुज का क्षेत्रफल