

अभ्यास प्रश्न प्रत्र – 1

हल

1. c) $2^{\frac{1}{6}}$ अथवा a) 5
2. c) 0
3. d) 3
4. d) 497
5. a) 4
6. c) अपरिमित रूप से अनेक
7. b) $(0, 4)$ अथवा b) Q और R
8. b) 40°
9. a) 3.4cm
10. b) एक आयत
11. b) 75°
12. त्रिभुज का क्षेत्रफल = $\Delta = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$
13. c) 1344cm^2
14. b) 750cm^2
15. b) $\pi r (l + \frac{r}{4})$
16. a) 1 : 4
17. a) 105
18. d) 38
19. c)
20. $P(E) + P(E \text{ नहीं}) = 1$ [$P(E) + P(\bar{E}) = 1$]
21. $a = \frac{5}{3}$ अथवा चार हल समीकरण $y = 6 - 2x$ के लिए
 $(x = 1 \Rightarrow y = 4)$ ($x = 3 \Rightarrow y = 0$)
 $(x = 2 \Rightarrow y = 2)$ ($x = 4 \Rightarrow y = -2$)
- | | | | | |
|---|---|---|---|----|
| x | 1 | 2 | 3 | 4 |
| y | 4 | 2 | 0 | -2 |
- अन्य मान
22. $\angle QRS = 60^\circ$ भी सम्भव है
23. 72cm^2

24. $32\sqrt{2} \text{ cm}^2$

25. 1584 m^2

26. 40 बार अथवा i) $\frac{102}{1500} = 0.068$ ii) $\frac{675}{1500} = 0.45$

27. $\therefore a = 2 + \sqrt{3}$

$$\therefore \frac{1}{a} = 2 - \sqrt{3}$$

$$a - \frac{1}{a} = (2 + \sqrt{3}) - (2 - \sqrt{3}) = 2 + \sqrt{3} - 2 + \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

$$a - \frac{1}{a} = 2\sqrt{3}$$

28. $a(a-1) - b(b-1) = a^2 - a - b^2 + b = (a^2 - b^2) - (a - b) =$
 $= (a - b)(a + b + 1)$

अथवा

$$P = 2 - a \Rightarrow a + p + (-2) = 0$$

$$\Rightarrow a^3 + p^3 + (-2)^3 = 3 \times a \times p \times (-2)$$

$$\Rightarrow a^3 + p^3 - 8 = -6ap$$

$$\Rightarrow a^3 + 6ap + p^3 - 8 = 0$$

29. $Y = 25 + 14(x-1) \Rightarrow y = 25 + 14x - 14 \Rightarrow y = 14x + 9$

यदि $x = 0 \Rightarrow y = 9$

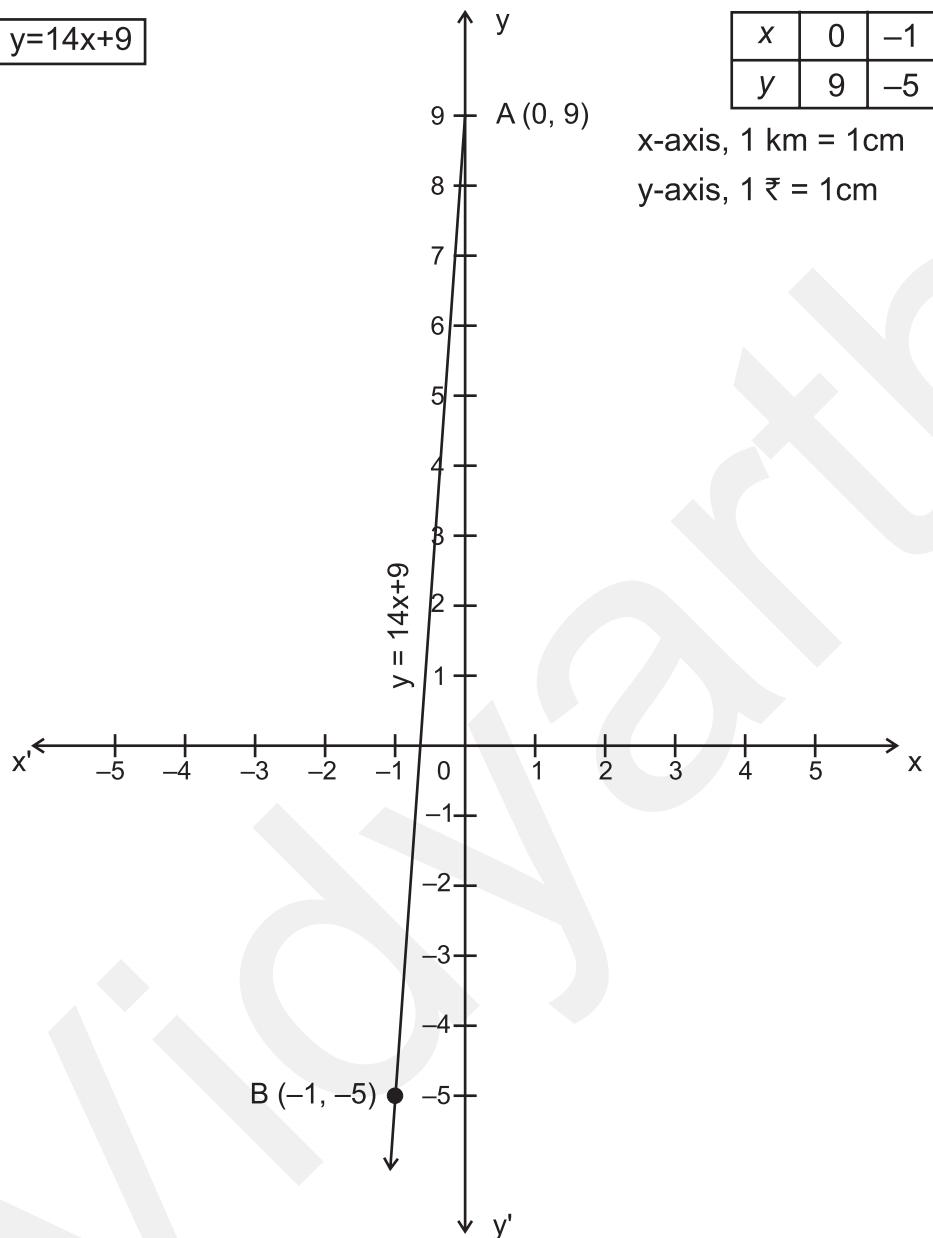
x	0	-1
---	---	----

यदि $x = -1 \Rightarrow y = -5$

y	9	-5
---	---	----

ग्राफ पेपर पर x-अक्ष के अनुदिश दूरी तथा y-अक्ष के अनुदिश किराया लेकर बिन्दु A(0, 9) तथा B(-1, -5) ग्राफ पेपर पर खींचिए। AB को मिलाइए तथा इसे दोनों और बढ़ाकर आवश्यक ग्राफ प्राप्त करें।

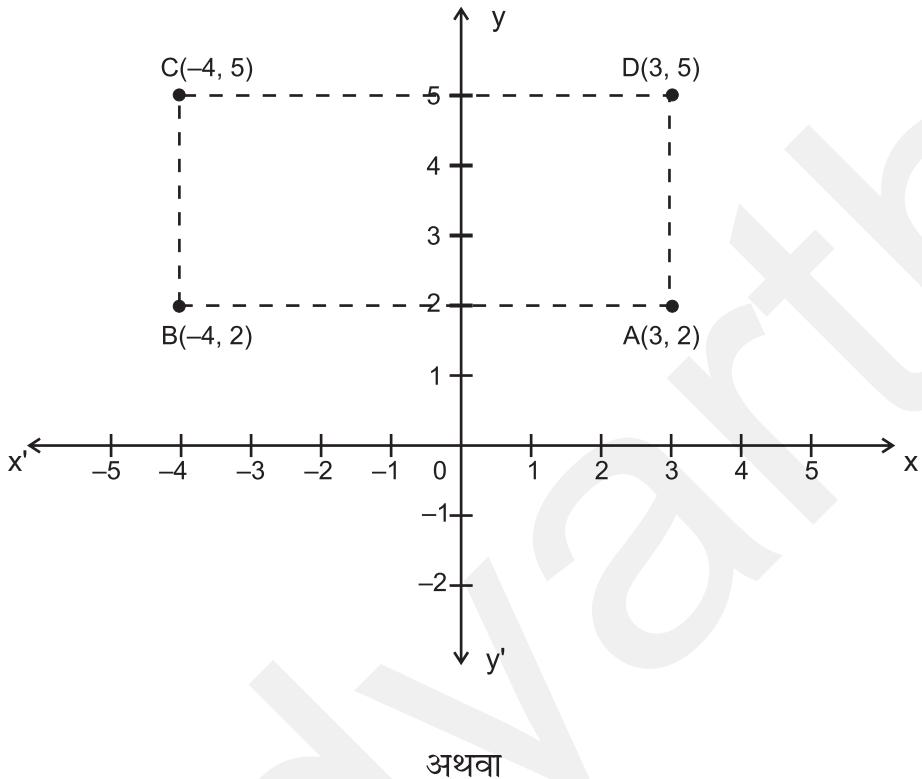
$$y=14x+9$$



30. आयत के इन तीनों शीर्षों को A(3, 2), B(-4, 2) और C(-4, 52) के रूप में आलेखित कीजिए। हमें चौथे बिन्दु D के निर्देशांक ज्ञात करने हैं, ताकि ABCD एक आयत हो।

क्योंकि एक आयत की सम्मुख भुजाएँ बराबर होती हैं, अतः D का

भुज A के भुज के बराबर अर्थात् 3 होना चाहिए तथा D की कोटि C की कोटि के बराबर अर्थात् 5 होनी चाहिए। इसलिए D के निर्देशांक (3, 5) हैं।



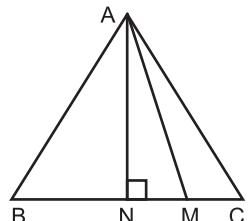
दिया है : $\triangle ABC$ में $\angle B > \angle C$. $AN \perp BC$ तथा AM , $\angle A$ का समद्विभाजक है।

$$\text{सिद्ध करना है: } \angle MAN = \frac{1}{2} (\angle B - \angle C)$$

उपपत्ति :- AM , $\angle A$ का समद्विभाजक है।

$$\angle MAB = \frac{1}{2} \angle A \quad \text{_____ (i)}$$

$$\text{समकोण } \triangle ANB \text{ में } \angle B + \angle NAB = 90^\circ \Rightarrow \angle NAB = 90^\circ - \angle B \quad \text{_____ (ii)}$$



$$\begin{aligned} \therefore \angle MAN &= \angle MAB - \angle NAB = \frac{1}{2} \angle A - (90^\circ - \angle B) \\ &= \frac{1}{2} \angle A - \frac{1}{2}(\angle A + \angle B + \angle C) + \angle B \quad [\because \frac{1}{2}(\angle A + \angle B + \angle C) = 90^\circ] \\ &= \frac{1}{2}(\angle B - \angle C) \end{aligned}$$

$$\text{Hence } \angle MAN = \frac{1}{2} (\angle B - \angle C)$$

32. $x = 60^\circ$

अथवा

$DP \parallel EF$ खोंचा।

$\triangle ADP$ में, E मध्य बिन्दु है AD का तथा $EF \parallel DP$

$\Rightarrow F$ मध्य बिन्दु है AD का (मध्य बिन्दु प्रमेय के विलोम से)

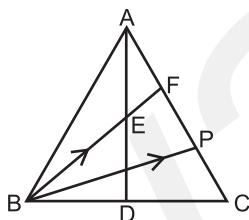
$\triangle FBC$ में, D मध्य बिन्दु है BC का तथा $DP \parallel BF$

$\Rightarrow P$ मध्य है FC का

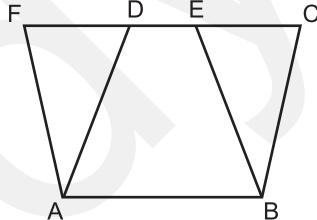
इस प्रकार $AF = FP = PC$

$$AF + FP + PC = AC$$

$$AF + AF + AF = AC \Rightarrow 3AF = AC \Rightarrow AF = \frac{1}{3} AC$$



33.



दिया है :- ABCD तथा ABEF दो समांतर चतुर्भुज एक ही आधार AB तथा एक ही समांतर रेखाओं AB तथा FC बीच स्थित है।

सिद्ध करना है :- $\text{ar}(\text{||gm } ABCD) = \text{ar}(\text{||gm } ABEF)$

उपपत्ति :- $\triangle ADF$ तथा $\triangle BCE$ में

$$AD = BC \quad (\text{समांतर चतुर्भुज की सम्मुख भुजाएँ})$$

$$AF = BE \quad (\text{समांतर चतुर्भुज की सम्मुख भुजाएँ})$$

$$\angle DAF = \angle CBE \quad (\text{AD} \parallel BC, AF \parallel BE)$$

$$\therefore \Delta ADF \cong \Delta BCE \quad (\text{SAS सर्वांगसमता से})$$

$\Rightarrow AD$ तथा AF के बीच का कोण $= BC$ तथा BE के बीच का कोण

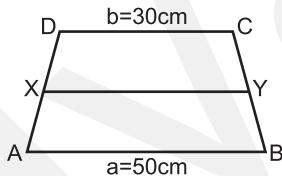
$$\therefore \text{ar}(\Delta ADF) = \text{ar}(\Delta BCE) \quad \text{_____ (i)}$$

$$\begin{aligned} \text{ar}(\text{llgm } ABCD) &= \text{ar}(\square ABED) + \text{ar}(\Delta BCE) \\ &= \text{ar}(\square ABED) + \text{ar}(\Delta ADF) \quad (\text{समीकरण (i) से}) \\ &= \text{ar}(\text{llgm } ABEF) \end{aligned}$$

इस प्रकार $\text{ar}(\text{llgm } ABCD) = \text{ar}(\text{llgm } ABEF)$

अथवा

$$xy = \frac{1}{2} (a+b)$$



माना d , AB तथा XY के बीच की दूरी हैं

तो d , XY तथा DC के बीच की दूरी भी होगी

$$\text{ar}(\text{समलव } ABXY) = \frac{1}{2} (\text{समांतर भुजाओं का योग}) \times \text{ऊँचाई}$$

$$\text{ar}(ABXY) = \frac{1}{2} \left(a + \frac{a+b}{2} \right) d = \left(\frac{3a+b}{4} \right) d = \text{ar}(XYBA) =$$

$$\text{ar(समलंब } XYCD) = \frac{1}{2} \left(\frac{a+b}{2} + b \right) d = \left(\frac{a+3b}{4} \right) d = \text{ar}(\triangle DCYX)$$

$$\frac{\text{ar}(DCYX)}{\text{ar}(XYBA)} = \frac{a+3b}{3a+b} = \frac{50+90}{150+30} = \frac{7}{9}$$

$$\therefore \text{ar}(DCYX) = \frac{7}{9} \text{ ar}(XYBA)$$

34. $\triangle OEC$ में

$$\angle EOC = 180^\circ - (90^\circ + 30^\circ) = 180^\circ - 120^\circ - 60^\circ$$

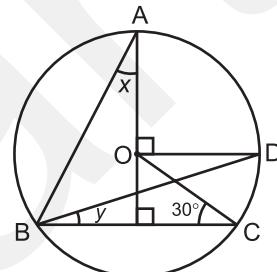
$$\therefore \angle COD = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$$

$$\angle CBD = \frac{1}{2} \angle COD = \frac{1}{2} \times 30^\circ = 15^\circ$$

$$\Rightarrow y = 15^\circ$$

$$\text{पुनः } \angle ABD = \frac{1}{2} \angle AOD = \frac{1}{2} \times 90^\circ = 45^\circ$$

$$\text{तथा } \angle ABC = 45^\circ + 15^\circ = 60^\circ = \angle ABE$$



$\triangle ABE$ में

$$\angle BAE = 180^\circ - (90^\circ + \angle ABE) = 180^\circ - (90^\circ + 60^\circ)$$

$$x = \angle BAE = 180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$$

$$\Rightarrow x = 30^\circ$$

$$\text{अतः } x = 30^\circ \text{ and } y = 15^\circ$$

35. हर का परिमेयीकरण करने पर

$$\frac{1}{3-\sqrt{8}} = \frac{1}{(3-\sqrt{8})} \times \frac{(3+\sqrt{8})}{(3+\sqrt{8})} = \frac{3+\sqrt{8}}{(3)^2 - (\sqrt{8})^2} = \frac{3+\sqrt{8}}{9-8} = \frac{3+\sqrt{8}}{1} = 3+\sqrt{8}$$

इसी प्रकार

$$\frac{1}{\sqrt{8}-\sqrt{7}} = \sqrt{8}+\sqrt{7}, \quad \frac{1}{\sqrt{7}-\sqrt{6}} = \sqrt{7}+\sqrt{6}, \quad \frac{1}{\sqrt{6}-\sqrt{5}} = \sqrt{6}+\sqrt{5}, \quad \frac{1}{\sqrt{5}-2} = \sqrt{5}+2$$

बायाँ पक्ष

$$\frac{1}{(3-\sqrt{8})} - \frac{1}{(\sqrt{8}-\sqrt{7})} + \frac{1}{(\sqrt{7}-\sqrt{6})} - \frac{1}{(\sqrt{6}-\sqrt{5})} + \frac{1}{(\sqrt{5}-2)}$$

$$(3+\sqrt{8}) - (\sqrt{8}+\sqrt{7}) + (\sqrt{7}+\sqrt{6}) - (\sqrt{6}+\sqrt{5}) + (\sqrt{5}+2)$$

$$3+\sqrt{8} - \sqrt{8}-\sqrt{7} + \sqrt{7}+\sqrt{6} - \sqrt{6}-\sqrt{5} + \sqrt{5}+2$$

$$3+2$$

$$5$$

= दायाँ पक्ष

36. $8x^3 + 27y^3 + 36x^2y + 54xy^2$

$$= (2x)^3 + (3y)^3 + 18xy(2x+3y) \quad [\because a^3+b^3+3ab(a+b)=(a+b)^3]$$

$$= (2x)^3 + (3y)^3 + 3(2x)(3y)(2x+3y)$$

$$= (2x+3y)^3 = (2x+3y)(2x+3y)(2x+3y)$$

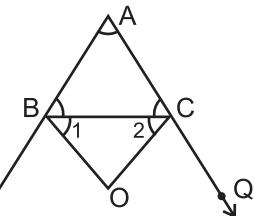
37. i) $\angle B + \angle CBP = 180^\circ$ (रैखिक युग्म)

$$\Rightarrow \frac{1}{2}\angle B + \frac{1}{2}\angle CBP = 90^\circ$$

$$= \frac{1}{2}\angle B + \angle 1 = 90^\circ$$

$$= \angle 1 = 90^\circ - \frac{1}{2}\angle B \quad \text{(i)}$$

Again $\angle C + \angle BCQ = 180^\circ$



$$= \frac{1}{2}\angle C + \frac{1}{2}\angle BCQ = 90^\circ$$

$$= \frac{1}{2}\angle C + \angle 2 = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \angle 2 = 90^\circ - \frac{1}{2}\angle C \quad \text{(ii)}$$

In $\triangle BOC$ में $\angle 1 + \angle 2 + \angle BOC = 180^\circ$

$$\angle BOC = 180^\circ - (\angle 1 + \angle 2) = 180^\circ - (90^\circ - \frac{1}{2}\angle B + 90^\circ - \frac{1}{2}\angle C)$$

$$\begin{aligned}\angle BOC &= \frac{1}{2}(\angle B + \angle C) = \frac{1}{2}(\angle A + \angle B + \angle C) - \frac{1}{2}\angle A \\ &= \frac{1}{2} \times 180^\circ - \frac{1}{2}\angle A \quad [\because \angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ] \\ \angle BOC &= 90^\circ - \frac{1}{2}\angle A\end{aligned}$$

ii) $\triangle ABC$ में त्रिभुज कोण योग नियम से

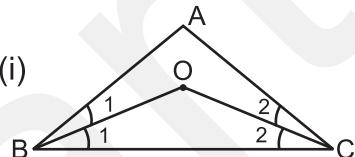
$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}\angle A + \frac{1}{2}\angle B + \frac{1}{2}\angle C = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}\angle A + \angle B + \angle C = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \angle 1 + \angle 2 = (90^\circ - \frac{1}{2}\angle A) \quad \text{(i)}$$

$\triangle BOC$ में



$$(\angle 1 + \angle 2) + \angle BOC = 180^\circ$$

$$(90^\circ - \frac{1}{2}\angle A) + \angle BOC = 180^\circ \quad (\text{समीकरण (i) के उपयोग के})$$

$$\angle BOC = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle A$$

अथवा

दिया है:- $\triangle ABC$ में भुजा BC पर एक बिन्दु D स्थित है कि $\angle BAD = \angle CAD$ तथा $BD = CD$

सिद्ध करना है $AB = AC$

रचना :- AD को बिन्दु D तक इस प्रकार बढ़ाया।

कि $AD = DE$ तथा EC को मिलाया।

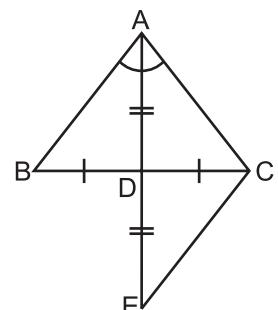
उपपत्ति :- $\triangle ABD$ तथा में $\triangle ECD$

$BD = CD$ (दिया है)

$AD = ED$ (रचना है)

$\angle ADB = \angle EDC$ (शीर्षाभिमुख कोण)

$\triangle ADB \cong \triangle ECD$ (SAS संर्वागसमता से)



$$\therefore AB = EC \quad \left. \begin{array}{l} \\ \text{तथा } \angle BAD = \angle CED \end{array} \right\} (\text{CPCT से}) \quad \text{(i)}$$

परन्तु $\angle BAD = \angle CAD$ (दिया है) _____ (ii)

(i) तथा (ii) से

$$\angle CAD = \angle CED$$

$\Rightarrow AC = EC$ [बराबर कोणों की सम्मुख भुजाएँ बराबर] _____ (iii)

समीकरण (i) तथा (iii) से

$$\left. \begin{array}{l} AB = EC \\ AC = EC \end{array} \right\} \Rightarrow AB = AC$$

अतः $\triangle ABC$ समद्विबाहु त्रिभुज है।

39. गोले का आयतन = $\frac{4}{3} \pi r^3$

$$\text{त्रिज्या में } 10\% \text{ की वृद्धि} = 10\% r = \frac{1}{10} r$$

$$\text{त्रिज्या में बढ़ोत्तरी} = r + \frac{1}{10} r = \frac{11}{10} r$$

$$\begin{aligned} \text{गोले का नया आयतन} &= \frac{4}{3} \pi \left(\frac{11}{10} r \right)^3 = \frac{4}{3} \pi \times \frac{1331}{1000} r^3 \\ &= \frac{4}{3} \pi \times 1.331 r^3 \end{aligned}$$

$$\text{आयतन में वृद्धि} = \frac{4}{3} \pi \times 1.331 r^3 - \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{4}{3} \pi r^3 (1.331 - 1)$$

$$= \frac{4}{3} \pi r^3 \times 0.331$$

$$\text{आयतन में \% वृद्धि} = \frac{\frac{4}{3} \pi r^3 \times 0.331}{\frac{4}{3} \pi r^3} \times 100\% = 33.1\%$$

$$\frac{\text{बेलन का C.S.A.}}{\text{बेलन का T.S.A.}} = \frac{\text{अथवा}}{\frac{2\pi rh}{2\pi r(h+r)}} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{h}{h+r} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow h + r = 2h \Rightarrow h = r$$

$$T.S.A. = 2\pi r(h+r) = 616 = 2\pi r(r+r) = 616$$

$$= 2\pi r \times 2r = 616 \Rightarrow 4\pi r^2 = 616$$

$$= 4 \times \frac{22}{7} \times r^2 = 616 \Rightarrow r^2 = 616 \times \frac{7}{88} \Rightarrow r = 7 = h$$

$$\text{बेलन का आयतन} = \pi r^2 h = \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 7 = 1078 \text{ cm}^3$$

$$\therefore \text{बेलन का आयतन} = 1078 \text{ cm}^3$$

40. माना लड़कों की संख्या = x, लड़कियों की संख्या = y

अतः लड़कों द्वारा कुल प्राप्त अंक = 70x

लड़कियों द्वारा कुल प्राप्त अंक = 73y

दोनों द्वारा कुल प्राप्त अंक = 71(x+y)

$$\therefore 70x + 73y = 71(x+y)$$

$$\Rightarrow 73y - 71y = 71x - 70x$$

$$\Rightarrow 2y = x \Rightarrow x:y = 2:1$$

अथवा

वस्तुओं का माध्य = 64

वस्तुओं की कुल संख्या = 100

वस्तुओं का योग = $61 \times 100 = 6400$

वस्तुओं का सही नया योग = $6400 - (26+9)+(36+90)$

$$= 6400 - 35 + 126$$

$$\therefore \text{वस्तुओं का सही माध्य} = 6400+91=6491$$

$$\therefore \text{सही माध्य} = \frac{6491}{100} = 64.91$$