

बहुल आवेशों के मध्य बल एवं अध्यारोपण का सिद्धान्त superposition principle of coulomb's law in hindi

(force among many charges and superposition principal in hindi) बहुल आवेशों के मध्य बल एवं अध्यारोपण का सिद्धान्त कूलाम नियम के लिए अध्यारोपण का सिद्धान्त (superposition principle of coulomb's law in hindi) :

हमने अब तक की चर्चा में चाहे वह कूलॉम का नियम हो या अन्य जैसे कूलॉम के नियम का सदिश निरूपण , इत्यादि में हमने केवल दो आवेशों पर बात की अर्थात हमने सिर्फ दो आवेशों q_1 & q_2 को ध्यान में रखकर अध्ययन किया। लेकिन हमने आवेश के गुणों में यह पढ़ा था की दो आवेशों के मध्य लगने वाला बल चाहे वह आकर्षण का हो या प्रतिकर्षण का , अन्य आवेशों की उपस्थिति से अप्रभावित रहता है। मान लीजिये किसी स्थिर बिंदु आवेश के आस पास बहुत सारे आवेश उपस्थित है , प्रत्येक आवेश के कारण स्थिर बिंदु आवेश कुछ न कुछ बल महसूस करेगा।

अगर स्थिर बिंदु आवेश पर परिणामी बल ज्ञात करने के लिए अध्यारोपण के सिद्धान्त का उपयोग किया जाता है। अध्यारोपण का सिद्धान्त यह कहता है की किसी स्थिर बिंदु आवेश पर अन्य आवेशों (स्थिर) के कारण लगने वाला परिणामी बल उस आवेश पर लगने वाले सभी बलों के सदिश योग के बराबर होता है।

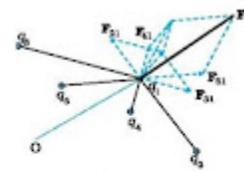
माना n आवेश $q_1, q_2, q_3, q_4, \dots, q_n$ उपस्थित है , कूलॉम के नियमानुसार प्रत्येक आवेश एक दूसरे पर बल आरोपित करेगा।

माना q_1 पर $q_2, q_3, q_4, \dots, q_n$ द्वारा आरोपित बल है। $F_{12}, F_{13}, F_{14}, \dots, F_{1n}$ है।

अतः अध्यारोपण के सिद्धान्त के अनुसार q_1 पर आरोपित परिणामी बल सभी आवेशों द्वारा आरोपित बल के सदिश योग के बराबर होगा।

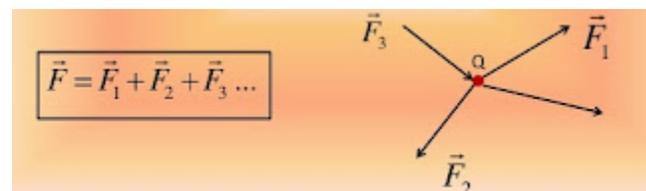
अतः

अध्यारोपण का सिद्धान्त (principle of superposition in hindi) : स्थिर वैद्युत बल दो वस्तुओं के बीच अन्योन्य बल है अर्थात दो बिन्दुवत आवेशों के मध्य लगने वाला बल अन्य आवेशों की उपस्थिति या अनुपस्थिति पर निर्भर नहीं करता है। इसलिए अध्यारोपण का सिद्धान्त लागू होता है अर्थात निकाय के कारण किसी एक आवेश पर बल व्यक्तिगत आवेशों के कारण लगे बलों का परिणामी होता है अर्थात अनेकों आवेशों के कारण एक बिन्दुवत परिक्षण आवेश पर बल $F = F_1 + F_2 + F_3 + F_4 + \dots$ द्वारा दिया जाता है।



$$F_1 = F_{12} + F_{13} + \dots + F_{1n} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \hat{r}_{12} + \frac{q_1 q_3}{r_{13}^2} \hat{r}_{13} + \dots + \frac{q_1 q_n}{r_{1n}^2} \hat{r}_{1n} \right]$$

$$= \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0} \sum_{i=2}^n \frac{q_i}{r_{1i}^2} \hat{r}_{1i}$$



कूलाम नियम के लिए अध्यारोपण का सिद्धान्त (superposition principle of coulomb's law in hindi)

इस सिद्धान्त को बहुल आवेशों के मध्य बल के नाम से भी जाना जाता है।

दो बिन्दु आवेशों के मध्य पारस्परिक विद्युत बल कूलाम के नियम द्वारा प्राप्त होता है। जब आवेशों का एक समूह किसी आवेश पर बल लगाता है तो अध्यारोपण का सिद्धान्त उस आवेश पर लगने वाले बल को प्रदान करता है। अध्यारोपण के सिद्धान्त के अनुसार जब कई आवेश किसी आवेश विशेष पर बल लगाते हैं तो उस आवेश पर लगने वाला परिणामी बल उन सभी बलों का सदिश योग होता है जो वे सभी आवेश अलग अलग उस आवेश पर बल लगाते हैं। किसी एक आवेश द्वारा लगाया गया विशिष्ट बल अन्य आवेशों की उपस्थिति के कारण प्रभावित नहीं होता।

किन्हीं दो आवेशों के मध्य लगने वाला बल अन्य आवेशों की उपस्थिति से प्रभावित नहीं होता है।

माना n बिंदु आवेशों का समूह क्रमशः $q_1, q_2, q_3, q_4, \dots, q_n$ आकाश में वितरित है। सभी आवेश एक दुसरे पर बल लगाते हैं। माना $q_2, q_3, q_4, \dots, q_n$ आवेशों द्वारा आवेश q_1 पर आरोपित बल क्रमशः $F_{12}, F_{13}, F_{14}, \dots, F_{1n}$ है तो अध्यारोपण के सिद्धान्त के अनुसार आवेश q_1 पर लगने वाला परिणामी बल निम्न समीकरण से प्राप्त होगा –

$$F_1 = F_{12} + F_{13} + F_{14} + \dots + F_{1n}$$

$$\begin{aligned} \vec{F}_1^{\text{tot}} &= \vec{F}_{12} + \vec{F}_{13} + \vec{F}_{14} + \dots + \vec{F}_{1n} \\ \vec{F}_1^{\text{tot}} &= k \left\{ \frac{q_1 q_2}{r_{21}^2} \hat{r}_{21} + \frac{q_1 q_3}{r_{31}^2} \hat{r}_{31} + \frac{q_1 q_4}{r_{41}^2} \hat{r}_{41} + \dots \right. \\ &\quad \left. \dots + \frac{q_1 q_n}{r_{n1}^2} \hat{r}_{n1} \right\} \end{aligned} \quad (1.3)$$