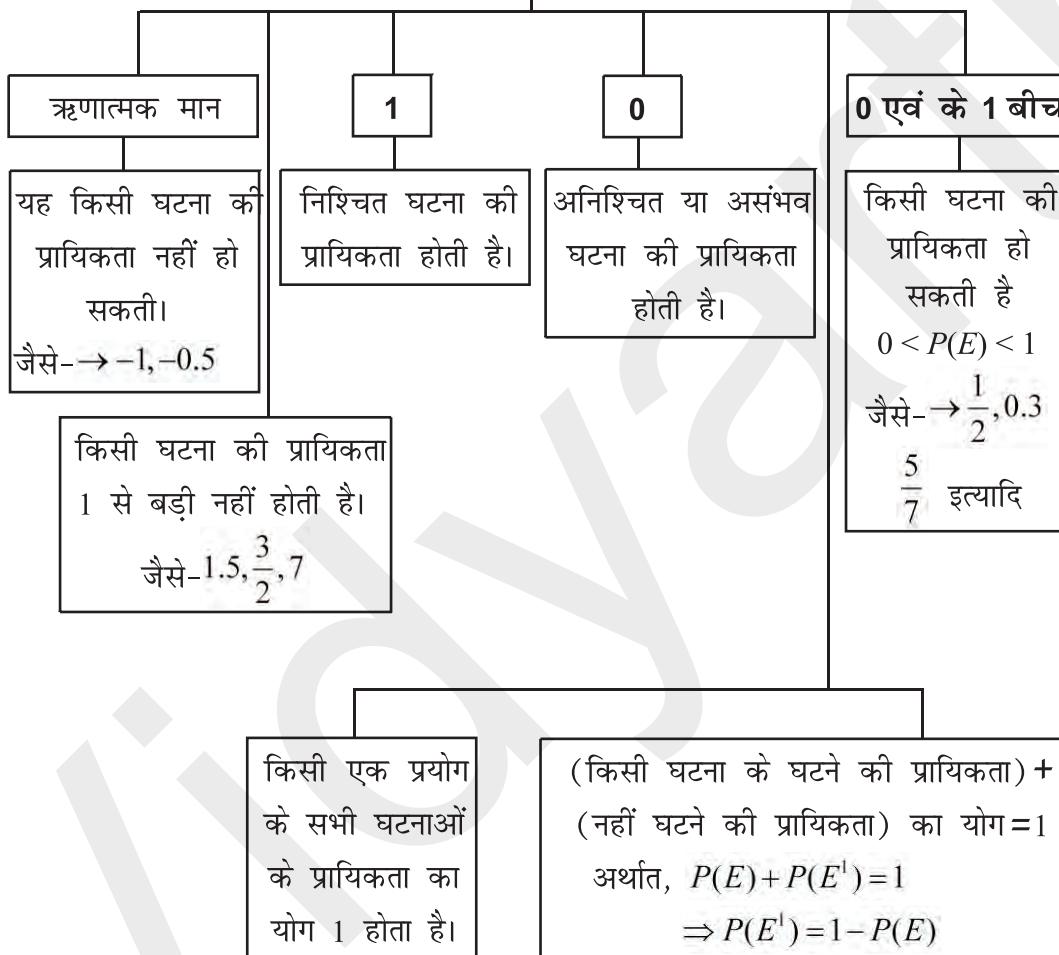


अध्याय-15

प्रायिकता (Probability)

किसी घटना के होने या घटने के अंकीय (Numerical) मान होता है।



प्र01. दो पासों को एक साथ फेंका जाता है। इसकी क्या प्रायिकता है कि दो पासों की संख्याओं का योग (i) 8 हो, (ii) 12 से छोटी या उसके बराबर हो।

उत्तर- दो पासों को एक साथ फेंकने पर कुल संभव परिणामों की संख्या = 36

दोनों पासों की संख्या का योग 8 निम्न प्रकार से हो सकता है:

(2,6), (6,2), (4,4), (5,3), (3,5)

(\rightarrow सभी अंकों का योग 8 है। जहाँ 2 पहले पासे पर आने वाले अंक और 6 दूसरे पासे पर आने वाले अंक इत्यादि)

- (i) अतः $P(\text{योग } 8 \text{ होने का}) = \frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}} = \frac{5}{36}$ [योग 2, 1 तरीके से
योग 3, 2 तरीके से
योग 4, 3 तरीके से
योग 5, 4 तरीके से
..... इत्यादि]
- (ii) 12 से छोटी या उसके बराबर योग आने के कुल तरीके = 36
 $(1+2+3+4+5+6+5+4+3+2+1=36)$

$$\therefore P(12 \text{ से छोटी या उसके बराबर योग आने की}) = \frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}} = \frac{36}{36} = 1$$

प्र02. 3 विद्यार्थियों के एक समूह में से 2 विद्यार्थियों के जन्मदिन एक ही दिन न होने की प्रायिकता 0.992 है। इसकी क्या प्रायिकता है कि इन 2 विद्यार्थियों का जन्मदिन एक ही दिन है।

उत्तर- माना कि घटना $E = 2$ विद्यार्थियों के जन्मदिन एक ही दिन न होने की घटना। तो $E^c =$ जन्मदिन एक ही दिन होने की घटना।

$$\begin{aligned}\therefore P(E) + P(E^c) &= 1 \\ \Rightarrow P(E) + 0.992 &= 1 \\ \Rightarrow P(E) &= 1 - 0.992 = 0.008\end{aligned}$$

प्र03. यदि $P(E) = 0.05$ है, तो ' E नहीं' की प्रायिकता क्या है?

उत्तर- $\therefore P(E) + P(E\text{ नहीं}) = 1$
 $\Rightarrow 0.05 + P(E\text{ नहीं}) = 1$
 $\Rightarrow P(E\text{ नहीं}) = 1 - 0.05 = 0.95$

प्र04. दो सिक्कों को एक साथ उछाला जाता है तो (i) ठीक दो शीर्ष आने की प्रायिकता (ii) कम से कम एक शीर्ष आने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।

उत्तर- दो सिक्के को एक साथ उछालने पर कुल संभव परिणाम = 4
 (HH, TT, TH, HT)

[$HT \rightarrow H$ पहले सिक्के पर एवं T दूसरे सिक्के पर आने वाला]

- (i) ठीक दो शीर्ष वाले अनुकूल परिणाम = $\{HH\} = '1'$
 $\therefore P(\text{ठीक दो शीर्ष}) = \frac{\text{अनुकूल परिणाम}}{\text{कुल परिणाम}} = \frac{1}{4} = 0.25$
- (ii) कम से कम एक शीर्ष आने की अनुकूल परिणामों की संख्या = 3

$[HH, HT, TH]$

$$P(\text{कम से कम एक शीर्ष}) = \frac{\text{अनुकूल परिणामों संख्या}}{\text{कुल परिणामों संख्या}} = \frac{3}{4} = 0.75$$

प्र05. एक पासे को एक बार उछाला जाता है। 6 आने की प्रायिकता क्या होगी?

उत्तर:- एक पासे को फेंकने पर कुल संभव परिणामों की संख्या = 6

(1 या 2 या 3 या 4 या 5 या 6)

इसमें अनुकूल परिणामों की संख्या = 1 (6 केवल एक बार)

$$P(6\text{आने की}) = \frac{1}{6}$$