

## अध्याय-8

## घातांक

### 8.1 गूगिका

आप सभी जानते हैं कि शतरंज के खेल का आविष्कार भारत में हुआ था। इससे जुड़ी एक मजेदार कहानी इस प्रकार है— जब यहाँ के राजा को पता चला कि बुद्धिमत्तापूर्ण इस खेल का आविष्कारक उन्हें के राज्य का एक विद्वान है, तो आविष्कारक को बुलाकर राजा ने कहा— “मैं तुम्हारे इस अनूठे आविष्कार के लिए तुम्हें पुरस्कार देना चाहता हूँ।” यह सुनकर विद्वान ने अपना सिर झुका दिया।

राजा ने कहा— “तुम्हारे प्यारे प्यारे हैं। मैं तुम्हारी कोई भी इच्छा पूरी कर सकता हूँ। मैंने तो तुम्हारी इच्छा ही, करो मत।

विद्वान ने कहा— “राजन्, अपनी सदासत्ता महान है। आप मुझे शतरंज के पहले घर (खाना) के लिए गहूँ का एक दान दिलाने की आज्ञा दें। दूसरे घर के लिए 2 दान दिलाने के, तीसरे घर के लिए 4, चौथे घर के लिए 8, पाँचवें घर के लिए 16, छठवें घर के लिए 32.....

बर करो...., राजा ने क्रोधित होकर चोरी बँव में रोक दिया।

पुन्ने शतरंज के पूरे 64 घरों के लिए दाने मिल जायेंगे। हर घर में दानों की संख्या पिछले घर से दुगुनी होती चलेगी, यही तुम्हारी शर्त है ना, परन्तु यह जान लें कि इसमें छोटा ईमान मानकर हम भरी सदासत्ता का अपमान कर रहे हैं।

क्या रूप बता सकते हैं कि चौसठवें खाने में राजा को गहूँ के कितने दान देने पड़ेंगे?

गणना बहुत बड़ी होती जा रही है लेकिन गजदर बात यह है कि यहाँ 2 का 2 के स्थान वार-वार गुणा करना पड़ रहा है, जैसे—

पहले घर में दाना	:	1
दूसरे घर में दाने	:	2
तीसरे घर में दाने	:	$2 \times 2$

दोघे घर में बाने	:	$2 \times 2 \times 2$
पाँचवें घर में बाने	:	$2 \times 2 \times 2 \times 2$
छठवें घर में बाना	:	$2 \times 2 \times \dots \dots \dots 5$ बार
.....	:	.....
.....	:	.....

इसी प्रकार,

दसठवें घर में बाना :  $2 \times 2 \times \dots \dots \dots 63$  बार

निश्चित ही यह संख्या बहुत बड़ी होगी, पर क्या ऊपर कहानी के अंत जानना नहीं चाहेंगे? क्या राजा अविष्कारक को यह ईनाम दे सकता?

अविष्कारक को 9223372036854775809 बाने गेहूँ के देने पड़ने और पूरे पृथ्वी की जमीन पर ऊपर गेहूँ की खेती की जाए तब भी इतनी गेहूँ नहीं मिलेगी। अब आप ही सोचिए यह है ना एक बहुत बड़ी संख्या?

$2 \times 2 \times \dots \dots \dots 63$  बार करना पर कितनी बड़ी संख्या प्राप्त होगी? तब क्या किसी संख्या में उसी संख्या से बार-बार गुणा करने की प्रक्रिया को लिखने का कोई और तरीका नहीं है?

### 8.2 घातांक या घात (Exponent or Power)

कक्षा के सभी विद्यार्थी यही सोच रहे थे कि किसी राशि को उसी राशि के साथ गुणा करने की प्रक्रिया का प्रयोग गणित में और क्यों किया गया है?

रानी रशीदा ने हिमाशू से कहा— “हम क्षेत्रफल निकालने में  $इलई$  को  $सेनी \times सेनी$  से **रोपी लिखते हैं**। इसी प्रकार अगर - निकालते समय भी  $इलई$  को  $रोपी \times रोपी \times रोपी - सेनी लिखते हैं$ । क्या इसी प्रकार  $2 \times 2 \times 2$  को  $2^3$  नहीं लिखा जा सकता?

रशीदा ने किसी राशि को उसी राशि से बार-बार गुणा करने को संक्षेप में लिखने का ठीक तरीका सुझाया। क्या अगर  $5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5$  का संक्षेप में लिख सकते हैं?

जिस प्रकार  $5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 5^6$  है।

उत्तरे प्रकार  $a \times a \times a \times a \times a \times a = a^6$

तथा  $x \times x \times x \times x = x^4$  होता है।

आप नी किसी रश्ि का उसी रश्ि के सध बार-बार गुण को संक्षेप में लिखिए:

(i)  $x \times x \times x \times x \times x \times x \times x \times x \times x \times x$  = .....

(ii)  $r \times r \times r \times r \times r$  = .....

(iii)  $17 \times 17 \times 17 \times 17 \times 17 \times 17 \times 17 \times 17 \times 17$  = .....

(iv)  $101 \times 101 \times 101 \times 101 \times 101$  = .....

किसी संख्य का उसी संख्या क सध बार-बार गुणा करण को आप संक्षेप में लिखना शीख चुके हैं। इस संक्षेप रूप को हम घातीय संलेन भी कहते हैं। आइए, देखें कि इसे फिरा तरह से बढ़ा जाता है-

यहाँ  $10^3$  में '10' आधार (Base) और '3' घातीक (Exponent or Index) कहलाता है।

$10^3$  इसे 10 के ऊपर घात 3 पढ़ा जाता है। अथवा "10 की तीर रे घात" भी कहते हैं।  $10^3$  को 1000 का घातीकीय रूप (Exponential Form) कहा जाता है। अर्थात् 1000 को घातीकीय रूप में लिख सकते हैं।

कुछ घातीयों के विशेष नाम भी हैं।

जैसे -  $5^2$  जो 5 के ऊपर घात 2 है, इसे 5 का वर्ग (5 Squared) भी पढ़ा जाता है।

$5^3$  जो 5 का ऊपर घात 3 है, इसे 5 का घन (5 Cubed) भी पढ़ा जाता है।

**रवयं करके देखिए**

नीचे लिखे व्यंजकों के आधार एवं घात को उनके सामने दिए गए स्थानों में लिखिए:

- $3^5$  में आधार - 3 और घात - 5
- $7^9$  में आधार - ..... और घात - .....
- $x^7$  में आधार - ..... और घात - .....
- $10^4$  में आधार - ..... और घात - .....
- $x^2$  में आधार - ..... और घात - .....

अब आप समझ चुके हाने कि घातीय रूप में लिखने का वास्तविक उद्देश्य किस्से बहुत बड़े राशि को संक्षेप रूप में लिखना है।

जैसे सूर्य से पृथ्वी की दूरी 150000000 किलोमीटर है जो एक बहुत बड़ी राशि है इसे निम्न प्रकार से लिख सकते हैं:

$$150000000 \text{ कि०मी०} = 15 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 15 \times 10^7 \text{ कि०मी०}$$

विस्तृत रूप को संक्षिप्त रूप में लिखना तो आप सीख चुके हैं। अब कुछ धार्मिक रूप को विस्तृत रूप में लिखिए:

1.  $a^5 = a \times a \times a \times a \times a$

2.  $3^6 =$

3.  $5^5 =$

4.  $r^4 =$

5.  $2^m =$

रहीम का यह समझ न गहों आ रहा था कि वह  $2^m$  का विस्तृत रूप में कैसे लिखे क्योंकि  $m$  का कोई निश्चित मान नहीं है। क्या आपके पास रहीम की समस्या का जवाब है?

पहले मैं आपसे देखा है कि शतरंज के 64 वें खाने में रणियाँ  $2 \times 2 \times 2 \times \dots \times 63$  बार उर्ध्वात्  $2^6$  दाने गेहूँ के देने थे।

उसी प्रकार,

$$2^m = 2 \times 2 \times 2 \times \dots \times 2 \quad m \text{ बार लिख सकते हैं।}$$

इसी प्रकार हम  $x^m$  और  $y^n$  को निम्न प्रकार से लिख सकते हैं—

$$x^m = x \times x \times x \times \dots \times x \quad m \text{ बार, और}$$

$$y^n = y \times y \times \dots \times y \quad n \text{ बार लिख सकते हैं।}$$

किसी संख्या का धार्मिक रूप उस के अभाज्य गुणखण्डों की घतों के गुणफल के रूप में व्यक्त किया जा सकता है। उदाहरणार्थ :  $1000 = 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 5$  (अभाज्य गुणखण्ड)  $= 2^3 \times 5^3$  (अभाज्य गुणखण्डों की घतों के गुणफल वला रूप)

**उदाहरण—1.** 64 को 2 की घात के रूप में लिखें।

**हल :**  $64 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$

अतः हम कह सकते हैं कि  $64 = 2^6$

**उदाहरण-2.**  $8^2$  और  $2^8$  में कौन बड़ा है?

**हल :**  $8^2 = 8 \times 8 = 64$

$2^8 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 256$  है। अतः  $2^8 > 8^2$

**उदाहरण-3.**  $(1^6)$  का मान ज्ञात कीजिए।

$(1^6) = 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 = 1$  (वास्तव में, 1 की कोई भी घात 1 के बराबर होती है।)

**उदाहरण-4.** निम्नलिखित संख्याओं को अभाज्य गुणखंडों की घातों के गुणनफल के रूप में व्यक्त कीजिए—

(i) 144

(ii) 216

(i) 144 =  $72 \times 2$

(ii) 216 =  $108 \times 2$

=  $36 \times 2 \times 2$

=  $54 \times 2 \times 2$

=  $18 \times 2 \times 2 \times 2$

=  $27 \times 2 \times 2 \times 2$

=  $9 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$

=  $9 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2$

=  $3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$

=  $3 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2$

=  $3^2 \times 2^4$  (वांछित रूप)

=  $3^3 \times 2^3$  (वांछित रूप)

आधार ऋणत्मक पूर्णांक भी हो सकता है —

जैसे—  $(-2)^3 = (-2) \times (-2) \times (-2) = -8$  है।

$(-2)^4 = (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) = 16$  है।

स्पष्ट है आधार ऋणत्मक पूर्णांक होने पर, जब घात विषम संख्या हो तो मान ऋणात्मक प्राप्त होता है। तथा जब घात सम संख्या हो तो मान धनात्मक प्राप्त संख्या होती है।

**उदाहरण-5.** निम्नलिखित का मान ज्ञात कीजिए।

(i)  $(-1)^5$

(ii)  $(-1)$

(iii)  $(-10)$

(iv)  $(-5)^2$

**हल :** (i)  $(-1)^5 = (-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) = -1$

- (ii)  $(-1)^4 = (-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) = 1$   
 (iii)  $(-10)^4 = (-10) \times (-10) \times (-10) \times (-10) = 100 \times (-10) \times (-10) = 100 \times 100 = 10000$   
 (iv)  $(-5)^2 = (-5) \times (-5) \times (-5) = 25 \times (-5) = -125$

## प्रश्नावली—8.1

### 1. निम्नलिखित को घातांकीय रूप में व्यक्त कीजिए—

- (i)  $5 \times 5 \times 5 \times 5$       (ii)  $a \times c \times c$       (iii)  $2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3$   
 (iv)  $6 \times 6 \times b \times b$       (v)  $a \times a \times b \times b \times b \times h \times b \times d$

### 2. निम्नलिखित के मान ज्ञात कीजिए—

- (i)  $3^4$       (ii)  $6^4$       (iii)  $9^4$       (iv)  $5^4$       (v)  $4^4$

### 3. निम्नलिखित संख्याओं में से प्रत्येक को घातांकीय संकेतन (रूप) में व्यक्त कीजिए—

- (i) 343      (ii) 512      (iii) 729      (iv) 3125

### 4. निम्नलिखित में से प्रत्येक में कौन बड़ा है—

- (i)  $4^3$  या  $3$       (ii)  $2^4$  या  $5^2$       (iii)  $2^4$  या  $8^2$       (iv)  $100^2$  या  $2^{100}$

### 5. निम्नलिखित में से प्रत्येक को उनके अभाज्य गुणनखंडों की घातों के गुणनफल के रूप में व्यक्त कीजिए।

- (i) 1200      (ii) 720      (iii) 1080      (iv) 2250      (v) 3600

### 6. सरल कीजिए—

- (i)  $3 \times 10^3$       (ii)  $7^2 \times 3^2$       (iii)  $(-1)^6 \times 7^2$   
 (iv)  $0 \times 10^2$       (v)  $3^4 \times 2^2$       (vi)  $3^2 \times 10^4$

### 7. सरल कीजिए—

- (i)  $(-3)^3$       (ii)  $(-1) \times (-2)^4$       (iii)  $(-4)^2 \times (-3)^2$   
 (iv)  $(-2)^3 \times (-10)^4$       (v)  $(-5)^2 \times (2)^4$

### 8. निम्न संख्याओं की तुलना कीजिए—

(i)  $5 \times 10^{17}$ ;  $4 \times 10^{17}$

(ii)  $2.6 \times 10^{12}$ ;  $9.6 \times 10^8$

(iii)  $2.7 \times 10^{-1}$ ;  $3.0 \times 10^{15}$

(vi)  $7.0008 \times 10^{15}$ ;  $2.009 \times 10^{20}$

### 9. निम्नलिखित को घातांकीय रूप में लिखिए—

(i)  $\frac{8}{729}$

(ii)  $\frac{81}{343}$

(iii)  $\frac{243}{1024}$

## 8.3 घातांकों के नियम

### 8.3.1 एक ही आधार वाली घातों का गुणन

आप जानते हैं कि  $2^5 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$  होता है। इसमें 2 के गुणकों का अलग-अलग समूह बनाकर कई प्रकार से लिख सकते हैं। जैसे—

$$2^5 = 2 \times (2 \times 2 \times 2 \times 2) = 2^1 \times 2^4$$

$$2^5 = (2 \times 2) \times (2 \times 2 \times 2) = 2^2 \times 2^3$$

$$2^5 = (2 \times 2 \times 2) \times (2 \times 2) = 2^3 \times 2^2$$

$$2^5 = (2 \times 2 \times 2 \times 2) \times 2 = 2^4 \times 2^1$$

यहाँ  $2^5$  को 2 के आधार वाले व्यंजकों में कई प्रकार से लिखा गया है। आप भी  $2^5$  के लिए गए घातीय व्यंजकों को समान आधार वाले दो व्यंजकों के गुणांक के रूप में लिखिए और घातों का योगफल प्राप्त कीजिए—

क्र.	घातीय व्यंजक	विस्तृत रूप में लिखकर दो समूहों में बाँटना (समूह अपनी इच्छा से बनाइए)	प्रत्येक समूह को घातीय व्यंजक के रूप में लिखिए	घातों का योगफल
1.	$a^7$	$a \times a \times a \times a \times a \times a \times a$	$a^1 \times a^6$	$1 + 6 = 7$
2.	$x^9$			
3.	$y^8$			
4.	$27^7$			
5.	$7^{12}$			

ऊपर दी गई व्यंजनों के विस्तारित रूप को देखिए तथा नीचे दिए हुए रिक्त स्थानों को भरिए—

$$a^7 = a^3 \times \boxed{a^4} \quad x^5 = x^3 \times \boxed{x^2} \quad y^{10} = y \times \boxed{y^9}$$

$$27^7 = 27^4 \times \boxed{27^3} \quad 7^{12} = 7^8 \times \boxed{7^4}$$

क्या दो समान आधार वाले राशियों का गुणनफल पर उन राशियों के घातों का गुणनफल वाली राशि के घात से कोई सम्बन्ध है?

आइए देखें कि समान आधार वाली घातीय व्यंजनों का गुणनफल कैसे होता है—

$$x^4 \times x^4 = \underbrace{x \times x \times x \times x \times x \times x \times x \times x}_{8 \text{ बार}} = x^8 = x^{4+4}$$

$$x^3 \times x^5 = \underbrace{x \times x \times x \times x \times x \times x \times x \times x \times x}_{8 \text{ बार}} = x^8 = x^{3+5}$$

$$y^{19} \times y^{21} = \underbrace{(y \times y \times \dots \times y)_{19 \text{ बार}} \times \underbrace{(y \times y \times \dots \times y)_{21 \text{ बार}}}_{21 \text{ बार}}}_{40 \text{ बार}} = y^{40} = y^{19+21}$$

क्या आप बता सकते हैं कि ऊपर  $y$  को  $y$  के साथ कितनी बार गुणा होगा? गुणनफल में  $y$  का क्या घात होगा?

$y$  को  $y$  के साथ  $19 + 21 = 40$  बार गुणा हो रहा है।

अतः गुणनफल  $y^{40}$  होगा।

अतः हम कह सकते हैं कि "जब दो समान आधार वाले घातीय राशियों का गुणा होता है, तो गुणनफल में आधार वही रहता है तथा घात ऊपर में जुड़ जाते हैं।"

जैसे—

$$3^m \times 3^n = 3^{(m+n)} = 3^{m+n}$$

क्या आप  $x^m \times x^n$  का गुणनफल बता सकते हैं?

$x^m \times x^n = x \times x \times \dots \times x$   $m$  बार और  $n$  बार अर्थात्  $(m+n)$  बार गुणा हो रहा है।

अतः  $x^m \times x^n = x^{m+n}$  (नियम-1)

**स्वयं करके देखिए**

(i)  $3^3 \times 3^2 = 3^{\boxed{5}}$

(ii)  $(-12)^2 \times (-12)^6 = -12^{\boxed{8}}$



$$(iii) \quad h^7 \times h^7 = h^{\square}$$

$$(iv) \quad c^0 \times c^{20} = c^{\square}$$

$$(v) \quad p^7 \times p^2 = p^{\square}$$

$$(iv) \quad a^5 \times a^2 \times a^7 = a^{\square}$$

### 8.3.2 एक ही आधार वाली घातों का विभाजन

फारिमा ने गोनू से पूछा, समान आधार वाली घातीय राशियों को गुणा करना तो हमने सीखा लिया, समान आधार वाली घातीय राशियों का भाग कैसे करेंगे?

गोनू ने कहा, चला करके देखते हैं।

$$\frac{2^7}{2^5} = \frac{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2}{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2} = 2 \times 2 = 2^2$$

रीना और जगल ने भी इन्हीं प्रकार के सवाल हल किए—

$$(i) \quad \frac{3^5}{3^2} = \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}{3 \times 3} = 3 \times 3 \times 3 = 3^3$$

$$(ii) \quad \frac{7^9}{7^6} = \frac{7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7}{7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7} = 7 \times 7 \times 7 = 7^3$$

फारिमा ने राशियों को देखकर साधियों से कहा कि जितना घटा दो समान आधार वाले घातीय राशियों का गुणा करने पर घात जुड़ते हैं वही प्रकार दो समान आधार वाली घातीय राशियों में भाग किया करने पर अंश के घातांक में से हर के घातांक घटा देते हैं।

जैसे—  $2^7 \div 2^5$  के भागफल का घात  $7 - 5 = 2$  होता है,  $3^9 \div 3^4$  के भागफल का घात  $9 - 4 = 5$  एवं  $7^9 \div 7^6$  के भागफल का घात  $9 - 6 = 3$  है। अर्थात्

$a^m \div a^n$  के भागफल का घात  $m - n$  होगा।

$$\text{अर्थात्, } \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} \quad (\text{नियम-2})$$

तब गोनू ने कहा “यह तो ठीक है पर यदि अंश और हर की घातीय संख्याएं समान हों तो क्या होगा? चला हल करके देखें, जैसे—

$$\frac{7^5}{7^5} = 7^{-5} = 7^0 \quad \text{परन्तु} \quad \frac{7^5}{7^5} = \frac{7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7}{7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7} = 1 \quad \therefore 7^0 = 1$$

जैसे  $\frac{p^n}{p^n} = 1$  होगा परन्तु दूसरे

$$\frac{p^3}{p^7} = p^{n-n} = p^c$$

$$p^n = 1 \quad (\text{निधन-3})$$

जहाँ  $p \neq 0$

**अब जरा निम्न संख्याओं पर विचार करें।**

$$\frac{1}{5^2} = \frac{5^0}{5^2} = 5^{0-2} = 5^{-2} \quad (5^0 = 1 \text{ से})$$

$$\frac{1}{6^{32}} = \frac{6^0}{6^{32}} = 6^{0-32} = 6^{-32} \quad (6^0 = 1 \text{ से})$$

$$\frac{1}{4^{50}} = \frac{4^0}{4^{50}} = 4^{0-50} = 4^{-50} \quad (4^0 = 1 \text{ से})$$

इन प्रश्नों का अवलोकन करते हुए कठिनाई को विचार किया कि यदि घातीय संख्याओं में हर के अंश के स्थान पर ले जाएँ तब उनके घात के चिह्न बदल जाते हैं, अर्थात् यदि हमारे पास

$$\frac{1}{a^4} \text{ हो तब}$$

$$\frac{1}{a} = \frac{a^0}{a^1} = a^{0-1} = a^{-1} \text{ होगा}$$

$$\text{यदि } \frac{1}{a^m} \text{ हो तब}$$

$$\frac{1}{a^m} = \frac{a^0}{a^m} = a^{0-m} = a^{-m}$$

$$\text{अतः } \frac{1}{a^m} = a^{-m}$$

परन्तु यदि अंश के हर में ले जाएँ तो क्या होगा, जैसे हमने ऊपर उदाहरणों में देखा है।

$$\frac{1}{7^3} = 7^3 \text{ या } \frac{1}{a^{-1}} = a^1 \text{ या } a^{-n} = \frac{1}{a^{-n}}$$

इसका मतलब यह है कि जब घातांकों में अंश को हर में ले जाएंगे तब भी घात का चिह्न बदल जाएगा।

**स्वयं करके देखिए**

$$(i) \quad 10^8 \div 10^7 = 10^{\square}$$

$$(ii) \quad 9^8 \div 9^7 = 9^{\square}$$

$$(iii) \quad 21^{14} \div 21^{13} = 21^{\square}$$

$$(iv) \quad b^{10} \div b^8 = b^{\square}$$

$$(v) \quad d^{100} \div d^{80} = d^{\square}$$

### 8.3.3 एक घात की घात लेना

निम्न उदाहरणों पर ध्यान दीजिए—

(i)  $(2^3)^2$  को सरल कीजिए—

**हल :**  $(2^3)^2 = 2^3 \times 2^3$   
 $= 2^{3+3}$  (चूँकि  $a^m \times a^n = a^{m+n}$  है।)  
 $= 2^6$   
 $= 2^{3 \times 2}$

(ii)  $(3^4)^2$  को सरल कीजिए—

**हल:**  $(3^4)^2 = 3^4 \times 3^4$   
 $= 3^{4+4}$   
 $= 3^8$   
 $= 3^{4 \times 2}$

(iii)  $(a^m)^3 = a^m \times a^m \times a^m$   
 $= a^{m+m+m}$   
 $= a^{3m}$   
 $= a^{3 \times m}$

उपरोक्त से हम व्यापक रूप से कह सकते हैं कि किसी शून्यतापूर्व घात 'a' के लिए  $(a^m)^n = a^{m \times n}$  होता है जहाँ m और n पूर्णांक हैं।

#### स्वयं करके देखिये

सरल करके उत्तर को घातांक के रूप में व्यक्त कीजिए।

- |                |                   |                    |
|----------------|-------------------|--------------------|
| (i) $(7^2)^3$  | (ii) $(3^2)^{20}$ | (iii) $(7^{20})^3$ |
| (iv) $(a^3)^4$ | (v) $(4^3)^2$     | (vi) $(d^4)^5$     |

### 8.3.4 समान घातों वाली घातों का गुणन

निम्न उदाहरणों पर ध्यान दीजिए :

(i)  $2^4 \times 3^4$  को सरल कीजिए।

$$2^4 \times 3^4 = (2 \times 2 \times 2 \times 2) \times (3 \times 3 \times 3 \times 3)$$

$$= (2 \times 3) \times (2 \times 3) \times (2 \times 3) \times (2 \times 3)$$

$$= 6 \times 6 \times 6 \times 6$$

$$= 6^4$$

यहाँ आधार 6, 2 और 3 का गुणफल है।

$$\begin{aligned}
 \text{(ii)} \quad 4^3 \times 3^3 \text{ को सरल कीजिए।} \\
 4^3 \times 3^3 &= (4 \times 4 \times 4) \times (3 \times 3 \times 3) \\
 &= (4 \times 3) \times (4 \times 3) \times (4 \times 3) \\
 &= 12 \times 12 \times 12 \\
 &= 12^3
 \end{aligned}$$

यहाँ 12 आकर 4 और 3 का गुणनफल है।

$$\begin{aligned}
 \text{(iii)} \quad 3^3 \times a^3 \text{ को सरल कीजिए।} \\
 3^3 \times a^3 &= (3 \times 3 \times 3) \times (a \times a \times a) \\
 &= (3 \times a) \times (3 \times a) \times (3 \times a) \\
 &= (3a)^3 \quad (\text{यहाँ } 3 \times a = (3a) \text{ है।})
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{(iv)} \quad a^3 \times b^3 \text{ को सरल कीजिए।} \\
 a^3 \times b^3 &= (a \times a \times a) \times (b \times b \times b) \\
 &= (a \times b) \times (a \times b) \times (a \times b) \\
 &= (a \times b)^3 \quad (\text{यहाँ } a \times b = ab \text{ है।})
 \end{aligned}$$

व्यापक रूप में, किसी शून्यकर (non-zero) पूर्णांक के लिए  $a \times b^m = (ab)^m$  होता है।  
जहाँ  $m$  एक पूर्णांक है।

**उदाहरण-6.** निम्नलिखित उदाहरणों को घातांकीय रूप में व्यक्त कीजिए—

$$\text{(i)} \quad (5 \times 4)^3 \quad \text{(ii)} \quad (4a)^5 \quad \text{(iii)} \quad (-3n)^3$$

$$\begin{aligned}
 \text{हल : (i)} \quad (5 \times 4)^3 &= (5 \times 4) \times (5 \times 4) \times (5 \times 4) \\
 &= (5 \times 5 \times 5) \times (4 \times 4 \times 4) \\
 &= 5^3 \times 4^3
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{(ii)} \quad (4a)^5 &= 4a \times 4a \times 4a \times 4a \times 4a \\
 &= (4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4) \times (a \times a \times a \times a \times a) \\
 &= 4^5 \times a^5
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{(iii)} \quad (-3n)^3 &= (-3 \times n)^3 \\
 &= (-3 \times n)(-3 \times n)(-3 \times n) \\
 &= (-3 \times -3 \times -3) \times (n \times n \times n) \\
 &= -3^3 \times n^3
 \end{aligned}$$

### स्वयं करके देखिए

$a^m \times b^n = (ab)^m$  का प्रयोग करके रूप बदलिए—

(i) $5^3 \times 2^3$	(ii) $3^2 \times b^2$	(iii) $a^2 \times c^2$
(iv) $4^6 \times (-2)^6$	(v) $(-2^4) \times (-3)^4$	(vi) $(ab)^3$
(vii) $(-2p)^4$	(viii) $(2c)^4$	(ix) $(2 \times 3)^4$

### 8.3.5 परिमेय संख्याओं की घातें

परिमेय संख्याओं के कुछ घातकों पर विचार कीजिए—

$$\begin{aligned}
 \left(\frac{5}{7}\right)^4 &= \frac{5}{7} \times \frac{5}{7} \times \frac{5}{7} \times \frac{5}{7} \\
 &= \frac{5 \times 5 \times 5 \times 5}{7 \times 7 \times 7 \times 7} = \frac{5^4}{7^4} \\
 \left(-\frac{3}{11}\right)^5 &= (-1)^5 \times \left(\frac{3}{11}\right)^5 \\
 &= -1 \times \frac{3}{11} \times \frac{3}{11} \times \frac{3}{11} \times \frac{3}{11} \times \frac{3}{11} = -1 \times \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}{11 \times 11 \times 11 \times 11 \times 11} \\
 &= -1 \times \frac{3^5}{11^5} = -\frac{3^5}{11^5}
 \end{aligned}$$

### 8.3.6 समान घातकों वाली भातों से विभाजन

निम्न उदाहरणों पर ध्यान दें—

$$\text{(i)} \quad \frac{3^7}{5^7} = \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}{5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5} = \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} = \left(\frac{3}{5}\right)^7$$

$$(ii) \quad \frac{a^5}{b^5} = \frac{a \times a \times a \times a \times a}{b \times b \times b \times b \times b} = \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} = \left(\frac{a}{b}\right)^5$$

व्यापक रूप में,  $a^m \div b^n = \frac{a^m}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^m$  जहाँ,  $a$  और  $b$  कोई दो शून्येतर पूर्णांक हैं तथा  $m$  और  $n$  एक पूर्णांक है।

**उदाहरण-7.** निम्न का विस्तार में कीजिए :

$$(i) \quad \left(\frac{2}{3}\right)^3$$

$$(ii) \quad \left(\frac{-2}{5}\right)^4$$

$$(iii) \quad \left(\frac{p}{q}\right)^5$$

**हल :** (i)  $\left(\frac{2}{3}\right)^3 = \frac{2^3}{3^3} = \frac{2 \times 2 \times 2}{3 \times 3 \times 3}$

$$(ii) \quad \left(\frac{-2}{5}\right)^4 = \frac{(-2)^4}{5^4} = \frac{(-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2)}{5 \times 5 \times 5 \times 5}$$

$$(iii) \quad \left(\frac{p}{q}\right)^5 = \frac{p^5}{q^5} = \frac{p \times p \times p \times p \times p}{q \times q \times q \times q \times q}$$

#### 8.4 विविध उदाहरण

**उदाहरण-8.**  $(5^3) \times 3$  और  $(5^3)^3$  नं बड़ कौन है।

**हल :**  $(5^3) \times 3 = 5 \times 5 \times 5 \times 3$  ( $5^3$  को 3 से गुणा)

$$= 75$$

$$(5^3)^3 = 5^2 \times 5^2 \times 5^2 \quad (5^2 \text{ का स्वयं से 3 बार गुणा})$$

$$= 15625$$

$$\text{अतः } (5^3)^3 > (5^3) \times 3$$

**उदाहरण-9.**  $9 \times 9 \times 9$  के लिए आधार 3 लेंगे हुए, इसे घातांकीय रूप में लिखिए।

$$\begin{aligned} \text{प्रश्न से, } \quad 9 \times 9 \times 9 &= 9^3 = (3^2)^3 & 3^{2 \times 3} \quad \left( \because (a^m)^n = a^{m \times n} \right) \\ & & 3^6 \end{aligned}$$

**उदाहरण-10.** सरल कीजिए और उत्तर को घातांकीय रूप में लिखिए।

$$\begin{aligned} \text{(i)} \quad \left( \frac{3}{3^2} \right) \times 3^7 & \quad \text{(ii)} \quad 2^3 \times 2^2 \times 5^2 & \quad \text{(iii)} \quad \left\{ (2^3)^7 \times 5^6 \right\} \times 3^5 \\ \text{(iv)} \quad 8^7 + 2^3 & \quad \text{(v)} \quad (3^2 \times 3)^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{हल : (i)} \quad \left( \frac{3}{3^2} \right) \times 3^7 &= (3^{7-2}) \times 3^1 \quad \left( \because \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} \right) \\ &= 3^5 \times 3 \\ &= 3^{5+1} \quad \left( \because a^m \times a^n = a^{m+n} \right) \\ &= 3^6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(ii)} \quad 2^3 \times 2^2 \times 5^2 &= (2^3 \times 2^2) \times 5^2 \\ &= 2^5 \times 5^2 \quad \left( \because a^m \times a^n = a^{m+n} \right) \\ &= (2 \times 5)^2 \quad \left( \because a^m \times b^n = (ab)^m \right) \\ &= 10^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(iii)} \quad \left\{ (2^3)^7 \times 5^6 \right\} \times 3^5 & \\ &= (2^7 \times 5^6) \times 3^5 \quad \left( \because (a^m)^n = a^{m \times n} \right) \\ &= \left\{ (10)^6 \times 3^5 \right\} \quad \left( \because a^m \times b^n = (ab)^m \right) \\ &= (10 \times 3)^5 \\ &= (30)^5 \end{aligned}$$

$$(iv) \quad 8^2 \div 2^3$$

$$\because 8 = 2 \times 2 \times 2 = 2^3$$

$$\therefore 8^2 = (2^3)^2$$

$$\therefore 8^2 \div 2^3 = (2^3)^2 \div 2^3$$

$$= 2^6 \div 2^3$$

$$= 2^{6-3} = 2^3$$

$$(v) \quad (3^2 \times 3^2) \div 3^3$$

$$= (3^{2+2}) \div 3^3 \quad (a^m \times a^n = a^{m+n})$$

$$= 3^4 \div 3^3 \quad (a^m \div a^n = a^{m-n})$$

$$= 3^{4-3} = 3^1$$

**उदाहरण-11.** सरल कीजिए

$$(i) \quad \frac{2^7 \times 3^7 \times 4}{3 \times 32}$$

$$(ii) \quad \frac{2 \times 3^4 \times 2^2}{9 \times 4^2}$$

$$(iii) \quad \frac{12 \times 9^2 \times 4}{6^3 \times 8^2 \times 27}$$

$$(iv) \quad 2^3 \times a^3 \times 5a^4$$

$$(v) \quad \frac{4^4 \times a^4 b^3}{4^6 \times a^3 b^2}$$

$$(vi) \quad \frac{2^5 \times a^3}{a^3 \times a^3}$$

**हल :** (i)  $\frac{2^7 \times 3^7 \times 4}{3 \times 32} = \frac{2^7 \times 3^7 \times 2^2}{3 \times 2^5} \quad (\because 4 = 2^2, 32 = 2^5)$

$$= \frac{2^{7+2} \times 3^7}{3 \times 2^5}$$

$$= \frac{2^9 \times 3^4}{3 \times 2^5}$$

$$= 2^{9-5} \times 3^{4-1}$$

$$= 2^4 \times 3^3$$

$$= 16 \times 27$$

$$= 432$$

$$(ii) \quad \frac{2 \times 3 \times 2^3}{9 \times 4^2}$$

$$\frac{2 \times 3^4 \times 2^2}{3^2 \times (2^2)^2}$$

$$\frac{2 \times 2^3 \times 3^4}{3^2 \times 2^{2 \times 2}}$$

$$= \frac{2^{1+3} \times 3^4}{2^4 \times 3^2}$$

$$= \frac{2^4 \times 3^4}{2^4 \times 3^2}$$

$$= 2^{4-4} \times 3^{4-2}$$

$$= 2^0 \times 3^2$$

$$= 1 \times 9$$

$$= 9$$



$$\begin{aligned}
 \text{(iii)} \quad \frac{12^4 \times 9^3 \times 7}{6^2 \times 8^2 \times 27} &= \frac{(2^2 \times 3)^4 \times (3^2)^3 \times 7^1}{(2 \times 3)^2 \times (2^3)^2 \times 3^3} &= \frac{(2^2)^4 \times 3^4 \times 3^{2 \times 3} \times 2^2}{2^2 \times 3^2 \times 2^{3 \times 2} \times 3^3} \\
 &= \frac{2^8 \times 2^4 \times 3^3 \times 3^7}{2^2 \times 2^6 \times 3^3 \times 3^3} &= \frac{2^8 \times 2^4 \times 3^{4+6}}{2^{2+6} \times 3^{3+3}} &= \frac{2^7 \times 3^6}{2^8 \times 3^6} \\
 &= 2^{10-9} \times 3^{10-7} &= 2^1 \times 3^3 &= 2 \times 81 &= 162
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{(iv)} \quad 2^4 \times a^5 \times 5a &= 2^4 \times a^5 \times 5 \times a^1 \\
 &= 2^4 \times a^5 \times 5 \times a^1 \\
 &= 2^3 \times 5 \times a^3 \times a^4 \\
 &= 8 \times 5 \times a^{3+4} \\
 &= 40a^7 \\
 \text{(v)} \quad \frac{4^5 \times a^2 b^3}{4^2 \times a^5 b^2} &= \frac{4^{5-2} \times a^{2-5} \times b^{3-2}}{1} \\
 &= 4^3 \times a^{-3} \times b^1 \\
 &= 64a^{-3}b \\
 &= \frac{64b}{a^3}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{(v)} \quad \frac{2^5 \times a^7}{2^2 \times a^3} &= \frac{2^5 \times a^7}{(2^2)^2 \times a^3} = \frac{2^5 \times a^7}{2^4 \times a^3} \\
 &= 2^{5-4} \times a^{7-3} &= 2^1 \times a^4 &= 2a^4
 \end{aligned}$$

## प्रश्नावली-8.2

1. सरल कीजिए और उत्तर को घातांकीय रूप में लिखिए:

$$\begin{array}{lll}
 \text{(i)} \quad 7^2 \times 7^4 \times 7^3 & \text{(ii)} \quad 3^{10} + 3^6 & \text{(iii)} \quad d^3 \times d^2 \\
 \text{(iv)} \quad 5^x \times 5^z & \text{(v)} \quad (5^3)^7 + 5^3 & \text{(vi)} \quad 3^5 \times 5^5 \\
 \text{(vii)} \quad a^x \times b^y & \text{(viii)} \quad (2^{30} + 2^0) \times 2^1 & \text{(ix)} \quad 9^p \div 9^q
 \end{array}$$

2. सरल कीजिए और घातांकीय रूप में उत्तर लिखिए:

$$\begin{array}{lll}
 \text{(i)} \quad \frac{2^3 \times 3^4 \times 4}{3^2 \times 32} & \text{(ii)} \quad [(5^3)^2 \times 5^2] \div 5^6 & \text{(iii)} \quad 25^7 \div 5^4
 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} \text{(iv)} & 3^c - 4^c + 5^c & \text{(v)} & 3^0 \times 4^1 \times 5^4 & \text{(vi)} & (1^0 + 5^0) \times 2^0 \\ \text{(vii)} & \frac{11^0 \times 13^1 \times 3}{39 \times 11^2} & \text{(viii)} & \frac{5^7}{5^2 \times 5^3} & \text{(ix)} & (3^1 \times 3)^3 \\ \text{(x)} & \frac{5^8 \times a^5}{25^2 \times a^7} & & & & \end{array}$$

### 3. अभाज्य गुणनखंडों की घातों के गुणनफल के रूप में व्यक्त कीजिए :

$$\begin{array}{lll} \text{(i)} & 1152 & \text{(ii)} & 64 \times 81 & \text{(iii)} & 540 \\ \text{(iv)} & 27 \times 48 \times 72 & \text{(v)} & 9 \times 6 \times 15 \times 4 & & \end{array}$$

### 4. नीचे दिए गए कथनों में सही/गलत छांटिए तथा अपने उत्तर का कारण भी दीजिए

$$\begin{array}{lll} \text{(i)} & 10^0 = (1000)^0 & \text{(ii)} & 4^1 \times 3^2 = 12^3 & \text{(iii)} & 2^5 = 5^2 \\ \text{(iv)} & 10 \times 10^0 = 100^0 & & & & \end{array}$$

### 5. सरल कीजिए :

$$\begin{array}{lll} \text{(i)} & \frac{(3^2)^5 \times 5^3}{9^4 \times 5^2} & \text{(ii)} & \frac{9^2 \times 3^2 \times a^4}{3^7 \times a^3} & \text{(iii)} & \frac{3^5 \times 10^3 \times 25}{5^7 \times 6^2} \end{array}$$

### 8.5 दशमलव संख्या पद्धति

हम जानते हैं कि—

$$56832 = 5 \times 10000 + 6 \times 1000 + 8 \times 100 + 3 \times 10 + 2 \times 1$$

हम इसे 10 की घातों का प्रयोग करते हुए घातकीय रूप में निम्न प्रकार लिख सकते हैं—

$$56832 = 5 \times 10^4 + 6 \times 10^3 + 8 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 2 \times 10^0$$

ध्यान दीजिए  $10000 = 10^4$ ,  $1000 = 10^3$ ,  $100 = 10^2$ ,  $10 = 10^1$  तथा  $1 = 10^0$  है।

यहाँ 10 के घातों 4 से एक-एक घात हुए 0 तक आ जाते हैं।

### 8.6 बड़ी संख्याओं को मानक रूप में व्यक्त करना

निम्नलिखित प्रारूप (Pattern) को देखिए—

1.  $14335 = 1433.5 \times 10 = 1433.5 \times 10^1$
2.  $14335 = 143.35 \times 100 = 143.35 \times 10^2$
3.  $14335 = 14.335 \times 1000 = 14.335 \times 10^3$
4.  $14335 = 1.4335 \times 10000 = 1.4335 \times 10^4$
5.  $14335 = .14335 \times 100000 = .14335 \times 10^5$

उपरोक्त सभी नव चौथा रूप संख्या का मानक रूप (standard form) है। जब किसी संख्या को 1.0 एवं 9.9 या इस्के बीच की एक दशमलव संख्या और 10 की घात का गुणनफल के रूप में व्यक्त किया जाता है, तो संख्या को इस रूप को मानक रूप कहते हैं।

ऊपर के तीसरे रूप की संख्या  $14335 = 14.335 \times 1000 = 14.335 \times 10^3$  मानक रूप में है? नहीं क्योंकि  $14.335 > 1.0$  एवं 9.9 तथा इसके बीच की किसी भी दशमलव संख्या से। अब क्या संख्या  $.14335 \times 10^6$  मानक रूप में है? नहीं क्योंकि  $.14335 < 1.0$  एवं 9.9 तथा इसके बीच की किसी भी दशमलव संख्या से।

ध्यान दीजिए 14335 को  $14.335 \times 1000$  या  $.14335 \times 100000$  और  $14.335 \times 10^3$  या  $.14335 \times 10^5$  के रूप में व्यक्त किया जा सकता है। परन्तु यह 14335 का मानक रूप नहीं है।

हमारी अक्षर गंगा के ~~केंद्र से पूर्व~~ की दूरी अर्थात्—

300,000,000,000,000,000 मी. को  $3.0 \times 10^{14}$  मी. के रूप में लिखा जा सकता है।

इसी प्रकार पृथ्वी का द्रव्यमान

$$= 5,976,000,000,000,000,000,000 \text{ किग्रा.}$$

$$= 5.976 \times 10^{24}$$

क्या आप इस बात से सहमत हैं कि पढ़ने, साइज और तुलना करने की दृष्टि से मानक रूप में लिखी यह संख्या उस 25 अंकों की संख्या की अपेक्षा बहुत अधिक सरल या सुविधाजनक है?

अब यूरेनस ग्रह का द्रव्यमान

$$= 86,800,000,000,000,000,000,000 \text{ किग्रा.}$$

$$8.68 \times 10^{25} \text{ किग्रा. है।}$$

अतः उपरोक्त दोनों व्यंजकों में केवल 10 की शक्तों की तुलना करके ही आप यह कह सकते हैं कि ग्रेनरा ग्रह का द्रव्यमान पृथ्वी से अधिक है।

**उदाहरण-12.** निम्नलिखित संख्याओं को मानक रूप में व्यक्त कीजिए।

(i) 725.34      (ii) 956,230      (iii) 434,000      (iv) 800,403,000

**हल:** (i)  $725.34 = 7.2534 \times 100 = 7.2534 \times 10^2$   
 (ii)  $956230 = 9.56230 \times 100000 = 9.5623 \times 10^5$   
 (iii)  $434000 = 4.34000 \times 100000 = 4.34 \times 10^5$   
 (iv)  $800403000 = 8.00403 \times 100000000 = 8.00403 \times 10^8$

ऊपर क उदाहरण से स्पष्ट है कि किसी संख्या को मानक रूप में व्यक्त करते समय 10 का घातांक निम्न प्रकार से ही प्राप्त कर सकते हैं—

सबसे प्रथम, दशमलव बिन्दु से बाईं ओर के अंकों की संख्या गिनते हैं। दशमलव बिन्दु नहीं रहने पर बिन्दु की कल्पना संख्या के दाईं सिरे पर कर सकते हैं।

फिर प्राप्त संख्या में से 1 घटाकर जो प्राप्त होगा है, वही 10 का घातांक होता है।

उदाहरण (1) में संख्या 725.34 है, इसमें दशमलव के बाईं तरफ तीन अंक हैं, अतः 10 की घात  $3-1 = 2$  होगी।

अतः  $725.34 = 7.2534 \times 10^2$

इसी प्रकार उदाहरण (2) में संख्या 956230 में दाईं सिरे पर दशमलव की कल्पना करने पर दशमलव के बाईं तरफ कुल 6 अंक हैं अतः 10 की घात  $6-1 = 5$  होगी।

अतः  $956230 = 9.5623 \times 10^5$

### प्रश्नावली— 8.3

1. निम्नलिखित संख्याओं को विस्तारित रूप में लिखिए—

(i) 389505      (ii) 2005183      (iii) 230829      (iv) 30079      (v) 8324750

2. निम्नलिखित विस्तारित रूपों में से प्रत्येक के लिए संख्या ज्ञात कीजिए—

(i)  $9 \times 10^4 + 5 \times 10^3 + 0 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 4 \times 10^0$

(ii)  $7 \times 10^2 + 8 \times 10^3 + 4 \times 10^4 + 7 \times 10^5$

(iii)  $6 \times 10^7$      $5 \times 10^8$      $7 \times 10^9$

(iv)  $8 \times 10^6$      $3 \times 10^7$      $8 \times 10^8$

3. निम्नलिखित संख्याओं को मानक रूप में व्यक्त कीजिए—

(i) 7,00,00,000                      (ii) 8,00,00,000                      (iii) 416,000,000

(iv) 456,234                              (v) 9634.21                              (vi) 72439.62

4. निम्नलिखित कथनों में प्रकट होने वाली संख्याओं को मानक रूप में व्यक्त कीजिए—

(i) पृथ्वी का व्यास 12756000 मी. है।

(ii) वर्ष 2001 में भारत की जनसंख्या 1,027,000,000 थी।

(iii) सूर्य का व्यास 1,400,000,000 मी. है।

(iv) निर्वात स्थान में प्रकाश की गति (या वेग) 300,000,000 मी./से. है।

(v) सौर मंडल 12,000,000,000 वर्ष पुराना आकलित किया गया है।

(vi) एक आकाश गंगा में औसतन 100,000,000,000 तारे हैं।

(vii) आकाश गंगा के मध्य से सूर्य की दूरी 300,000,000,000,000,000 मी. आंकेला की गई है।

(viii) 1.8 ग्राम भार वाली पानी की एक बूंद में 60,230,000,000,000,000,000 अणु होते हैं।

(ix) पृथ्वी में 1,353,000,000 किमी.<sup>3</sup> समुद्र जल है।

5. निम्नलिखित कथनों में प्रकट होने वाली दूरियों को मानक रूप में व्यक्त करके घटते क्रम में सजायें।

(i) सूर्य और शनि ग्रह के बीच की दूरी 1,433,500,000,000 मी. है।

(ii) शनि और यूरेनस ग्रहों के बीच की दूरी 1,439,000,000,000 मी. है।

(iii) सूर्य और पृथ्वी के बीच की दूरी 149,600,000,000 मी. है।

(iv) पृथ्वी और चंद्रमा के बीच की दूरी 384,000,000 मी. है।

## हमने सीखा

1. बड़ी संख्याओं को घातों के प्रयोग करके संक्षिप्त रूप में लिखते हैं, जिससे बड़ी संख्याओं को पढ़ने, समझने, तुलना करने और उन पर सांक्रियाएँ करने में सरल व सुविधाजनक होता है।
2. संख्या  $100000 = 10^5$ ; इसी 10 के ऊपर घात 5 पढ़ा जाता है। हम यह भी कहते हैं कि 10 की पाँचवीं घात  $100000$  है। यहाँ 10 आधार है तथा 5 इसका घातंक है।
3. घातांकिय रूप में संख्याएँ कुछ नियमों का पालन करती है, जो इस प्रकार हैं—  
किन्हीं शून्येतर पूर्णांकों  $a$  और  $b$  तथा पूर्ण संख्याओं  $m$  और  $n$  के लिए,

$$(i) \quad a^m \times a^n = a^{m+n}$$

$$(ii) \quad a^m \div a^n = a^{m-n}, \quad m > n$$

$$(iii) \quad (a^m)^n = a^{m \times n}$$

$$(iv) \quad a^m \times b^m = (ab)^m$$

$$(v) \quad a^m \div b^m = \left(\frac{a}{b}\right)^m$$

$$(vi) \quad a^0 = 1$$

$$(vii) \quad \begin{array}{l} (-1)^{\text{सम संख्या}} = 1 \\ (-1)^{\text{विषम संख्या}} = -1 \end{array}$$

