शिक्षा निदेशालय, राष्ट्रीय राजधानी क्षेत्र दिल्ली

अभ्यास प्रश्न पत्र -1

(सत्र: 2023-24)

कक्षा — XII गणित (कोड: 041)

समय: 3 घंटे अधिकतम अंक: 80

सामान्य निर्देश:

- 1. इस प्रश्न पत्र में पाँच खंड हैं ए ,बी ,सी ,डी तथा ई ,प्रत्येक खंड अनिवार्य है। यद्यपि कुछ प्रश्नों में आंतरिक विकल्प दिया है।
- 2. भाग ए में 18 प्रश्न ,बह्विकल्पीय तथा 2 अभिकथन-कारण प्रश्न प्रत्येक 1 अंक का है (20 अंक)
- 3. भाग बी में 5 अति लघु उत्तर (VSA) प्रकार के प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं (10 अंक)
- 4. भाग सी में 6 लघ् उत्तर (SA) प्रकार के प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 3 अंक हैं (18 अंक)
- 5. भाग डी में 4 में दीर्घ उत्तर (LA)प्रकार के प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 5 अंक हैं (20 अंक)
- 5. भाग ई में 3 स्रोत आधारित /गद्यांश /क्षमता प्रकरण अध्ययन / एसेसमेंट की एकीकृत इकाई पर आधारित प्रश्न जिसमें प्रत्येक प्रश्न (उपभाग सहित) 4 अंक का है (12 अंक)

		r - ए	
	प्रश्न संख्या 1-18 ,बहुविकल्पीय प्रकार के प्र	on – A प्रश्न हैं ।प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है।	
1.	फलन $\cos^{-1}(2x-1)$ का प्रांत है:		1
	(a) [0,1]	(b) [-1,1]	
	(c) (-1,1)	(d) $[0,\pi]$	
2.	यदि $A = \begin{bmatrix} 0 & a & b \\ 2 & 1 & c \\ 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}$ एक सममित आव्यूह है ती (a+b+c) का मान होगा ?	1
	(a) 9	(b)8	
	(c) 7	(d) 6	
3.	यदि आव्यूह $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}_{1x3}$ है, तो आव्यूह A	$A^{^T}$ है (जहाँ $A^{^T}$ आव्यूह A का परिवर्त है ।)	1
	(a) [0]	(b) [3]	
	(c) [5]		

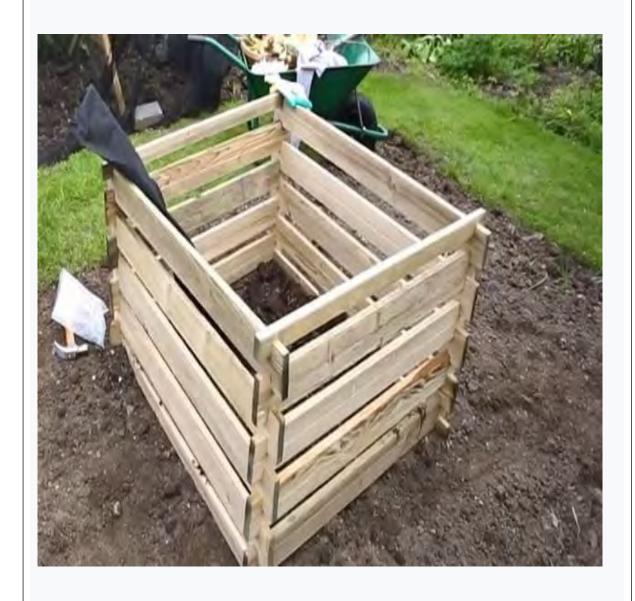
	यदि $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ तब $ adj A $ का मान होगा :		
	(a) 6	(b) 1/6	
	(c) 31	(d) 216	-
5.	यदि आव्यूह A ,B तथा C इस प्रकार हैं f	के $A_{p\times 4}.B_{q\times 5} = C_{2\times 5}$ तब $p^2 - q^2$ मान होगा?	1
	(a) -12	(b) 12	
	(c) 16	(d) -16	
6.	$x \le 3$ तथा $y \ge 3$ का आलेख स्थित	है :	1
	(a) प्रथम और द्वितीय चतुर्थांश	(b) द्वितीय और तृतिये चतुर्थांश	
	(c) तृतिये और चतुर्थ चतुर्थांश	(d) प्रथम और चतुर्थ चतुर्थाश	-
7.	अवकल समीकरण $\left(\frac{d^3y}{dx^3}\right)^{\frac{1}{3}} \cdot \left(\frac{dy}{dx}\right)^{\frac{1}{3}} = 0$	के कोटि और घात का योग है :	1
	(a) 6	(b) 5	
	(c) 3	(d) 2	
8.			1
	$sec^{-1} \frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x-1}} + sin^{-1} \frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x-1}}$ का x के स	गपेक्ष अवकलज है:	
	(a) O	(b) 1	
	(c) x	(d) x^2	
9.	$\int \frac{x^3}{x+1} dx \text{ बराबर है :}$ (a) $x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \log 1 - x + C$		1
	(a) $x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \log 1 - x + C$	(b) $x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^3}{3} - \log 1 - x + C$	
	(c) $x - \frac{x^2}{2} - \frac{x^3}{3} - \log 1 + x + C$	(d) $x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \log 1 + x + C$	
10.	$x\frac{dy}{dx} + 2y = x^2$ का समाकलन गुणक(।	. F)	1
	(a) x^3	(b) x^2	
	(c) x^4	(d) x	

11.	अवकल समीकरण $\left[1+\left(\frac{dy}{dx}\right)^2\right]^{\frac{3}{2}}=\frac{d^2y}{dx^2}$	की घात है:	1
	(a) 4	(b) $\frac{3}{2}$	
	(c) परिभाषित नहीं	(d) 2	
12.	सदिश $2\hat{i}+3\hat{j}-6\hat{k}$ का $\hat{i}-2\hat{j}+3\hat{k}$ प	पर प्रक्षेप है:	1
	(a) $\frac{2}{\sqrt{14}}$	(b) $\frac{1}{\sqrt{14}}$	
	(c) $\frac{3}{\sqrt{14}}$	$(d) \frac{-2}{\sqrt{14}}$	
13.	होगाः :	$=3\hat{i}+\hat{j}-2\hat{k}$ तथा $\vec{b}=\hat{i}-3\hat{j}+4\hat{j}$ हैं ,का क्षेत्रफल	1
	(a) $10\sqrt{3}$	(b) $5\sqrt{3}$	
	(c) 8	(d) 4	
14.	यदि = $ \vec{a} + \vec{b} = \vec{a} - \vec{b} $ तब \vec{a} तथा \vec{b}	के बीच का कोण होगा :	1
	(a) $\frac{\pi}{2}$	(b) 0	
	(c) $\frac{\pi}{4}$	$\begin{array}{c} \text{(d)} \\ \frac{\pi}{6} \end{array}$	
15.	किसी रेखा के दिक् - अनुपात 1,3,5 हैं तो	इसके दिक् - कोसाइन होंगे :	1
	(a) $\frac{1}{\sqrt{35}}, \frac{3}{\sqrt{35}}, \frac{5}{\sqrt{35}}$	(b) $\frac{1}{9}, \frac{1}{3}, \frac{5}{9}$	
	(c) $\frac{5}{\sqrt{35}}, \frac{3}{\sqrt{35}}, \frac{1}{\sqrt{35}}$	(d) इनमें से कोई नहीं	
16.	दो स्वतंत्र घटनाओं A तथा B के लिए यदि .	$P(A \cup B) = \frac{2}{3}$, $P(A) = \frac{2}{5}$ हो तो $P(B)$ का मान होगा	1
	(a) $\frac{5}{9}$	(b) $\frac{4}{9}$	
	(c) $\frac{2}{9}$	(d) $\frac{3}{9}$	
17.		(d) $\frac{3}{9}$ ≥0, के अंतर्गत Z=x+y का न्यूनतम मान है:	1
17.			1

	(a) (3, 2)	(b) (0, 5)	
	(c) (0, 3)	(d) इनमें से कोई नहीं	
		अभिकथन-तर्क आधारित प्रश्न न (A) के बाद कारण (R) दिया गया है। निम्नलिखित विकल्पों में ए।	
	(a) A तथा R दोनों सत्य हैं औ	र R, A की सही व्याख्या है। तु R, A की सही व्याख्या नहीं है। है।	
19.	अभिकथन ((A): $c\cos^{-1}(\cos($		1
20.		रेखा निर्देशांक अक्षों की धनात्मक दिशा के साथ कोण $52\alpha + \cos 2\beta + \cos 2\gamma = -1$ - कोसाइन के वर्गों का योग 1 है	1
	इस खंड में पाँच अति लघ	<u>खंड बी</u> यु उत्तर (VSA)वाले प्रश्न हैं प्रत्येक प्रश्न 2 अंक का है।	
21.	एक प्रतिलोम त्रिकोणमितीय फ कीजिए और निम्नलिखित प्रश् (i) $f(\frac{-1}{2})$ का मान क्या है ? (ii)यदि $f(x) = \frac{\pi}{4}$,हो तो x .		2
	-1.5 -1 -0.5	0.5 1 1.5	
22.	दिखाईए कि f में फलन $A=R$ -	$-\left\{\frac{2}{3}\right\}$ जो $f(x) = \frac{4x+3}{6x-4}$ द्वारा परिभाषित है एकेकी है:	2
23.	यदि $y=x^y$,तब $\frac{dy}{dx}$ का व	मान ज्ञात कीजिए। अथवा $\frac{+x^2-1}{x}$) तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिए।	2
) 11 / 11 11 11 11 1	

25.	$\int rac{logx}{(1+logx)^2} dx$ ज्ञात कीजिए ।	2
	अथवा	
	$\int_{0}^{1} \tan^{-1}(\frac{1-2x}{1+x-x^{2}})dx \text{ का मान ज्ञात कीजिए } $	
	खंड सी	
	इस खंड में छह : लघु उत्तर (SA)वाले प्रश्न हैं प्रत्येक प्रश्न 3 अंक का है।	
26.	यदि $x=a\sin^2\theta$, $y=a\cos^2\theta$ हो , तब ज्ञात कीजिए $\frac{d^2y}{dx^2}$	3
27.	एक बैग A में 4 काली गेंदें और 6 लाल गेंदें हैं और बैग B में 7 काली और 3 लाल गेंदें हैं। एक पासा फेंका जाता है। यदि उस पर 1 या 2 दिखाई देते हैं, तो बैग A को चुना जाता है, अन्यथा बैग B को चुना जाता है। यदि चयनित बैग से दो गेंदों को यादृच्छिक रूप से (प्रतिस्थापन के बिना) निकाला जाता है, तो उनमें से एक के लाल और दूसरे के काले होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए। 3थवा	3
	15 बल्बों के ढेर में से जिसमें 5 खराब हैं, दो बल्बों का एक नमूना याद्दच्छिक रूप से (बिना प्रतिस्थापन के) निकाला जाता है। खराब बल्बों की संख्या का प्रायिकता वितरण ज्ञात कीजिए।	
28.	$\frac{\pi}{4}$	3
	ज्ञात कीजिए $\int_{0}^{4} \log(1+\tan x) dx$	
	अथवा	
20	ज्ञात कीजिए $\int e^x \cdot \sin x dx$	2
29.	समीकरण $(1+x^2)dy+2xydx=\cot xdx$ का सामान्य हल ज्ञात कीजिए ।	3
	अथवा	
	निम्न अवकल समीकरण $(x^2-y^2)dx+2xydy=0$ को हल कीजिए ।	
30.	व्ययवरोधों $x+y \le 50,3 \ x+y \le 90, x \ge 0, y \ge 0$ के अंतर्गत $z=4x+y$ का अधिकतिमकरण	3
	कीजिए । रेखिक प्रोग्रामन समस्या को ग्राफ विधि से हल कीजिए ।	
31.	वह अंतराल ज्ञात कीजिए जिस पर फलन $f(x)=2x^3-9x^2+12x+15$ निरंतर वर्धमान तथा निरंतर हासमान है।	3
	खंड डी	
	इस खंड में चार दीर्ध उत्तर (LA)वाले प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न 5 अंक का है।	
32.	वक्र $4y=3x^2$ और रेखा $2y=3x+12$ से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।	5
33.	यदि N सभी प्राकृत संख्याओं का समुच्चय है तथा R, $N \times N$ पर तुल्यता संबंध है जो $(a,b) \in R(c,d)$ द्वारा परिभाषित है। यदि $ad(b+c)=bc(a+d)$ हो तो सिद्ध कीजिए कि R एक तुल्यता संबंध है।	5
34.	निम्नलिखित दी गई रेखाओं $\vec{r}=(8+3\lambda)\hat{i}-(9+16\lambda)\hat{j}+(10+7\lambda)\hat{k}$ तथा $\vec{r}=15\hat{i}+29\hat{j}+5\hat{k}+\mu(3\hat{i}+8\hat{j}-5\hat{k})$ के बीच की लघुतम दूरी ज्ञात कीजिए।	5
	अथवा उस रेखा की सदिश तथा कार्तिये समीकरण ज्ञात कीजिए जो बिन्दु $(1,1,1)$ से गुजरती हो तथा रेखाओं $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$ तथा $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$ पर लम्बवत हो । दोनों रेखाओं के बीच का कोण भी ज्ञात कीजिए।	
35.	गुणनफल AB का मान ज्ञात कीजिए, जहाँ :	5
	$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & 4 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ and $B = \begin{bmatrix} 2 & 2 & -4 \\ -4 & 2 & -4 \\ 2 & -1 & 5 \end{bmatrix}$ अतः रैखिक समीकरण निकाये को हल कीजिए । अथवा	

	F 1	I
	यदि $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \end{bmatrix}$ हो तो $A^2 - 5A + 4I$ ज्ञात कीजिए तथा आव्यूह X इस प्रकार ज्ञात कीजिए ताकि $A^2 - 5A + 4I + X = 0$ हो।	
	खंड ई स्रोत आधारित /गद्यांश /क्षमता प्रकरण अध्ययन / एसेसमेंट की एकीकृत इकाई प्रश्न	
36.	रेखा $\frac{x-6}{1} = \frac{2-y}{2} = \frac{z-2}{2}$ के किनारे सड़क पर एक बाइक दौड़ रही है	1+1+2
	जबिक एक हवाई जहाज़ रेखा $\frac{x+4}{3} = \frac{y}{-2} = \frac{z+1}{-2}$ के साथ अंतिरक्ष में उड़ रहा है	
	ऊपर दी गई जानकारी के आधार पर निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए। (i) दोनों रेखाओं के समीकरण सदिश रूप में लिखिए। (II) दी गई रेखाओं पर लंबवत एक सदिश जात कीजिए। (iii) दोनों विषमतलीय रेखाओं के बीच की न्यूनतम दूरी जात कीजिए। अथवा (IIIi) λ के किस मान के लिए रेखाएं $\frac{x-6}{1} = \frac{2-y}{2} = \frac{z-2}{2}$ तथा $\frac{x+4}{3} = \frac{y}{-2} = \frac{z+1}{-2}$ एक दूसरे को काटती हैं?	
37.	स्मार्ट सिटी इंदौर में 100 घरों वाली एक आवासीय सोसायटी में 10-15 साल की उम्र के बीच के 60 बच्चे थे। उन्हें उनके शिक्षक ने बायोडिग्रेडेबल कचरे का पुनर्चक्रण सुनिश्चित करने के लिए खाद बनाना शुरू करने के लिए प्रेरित किया था। इस उद्देश्य के लिए प्रत्येक बच्चे को केवल अपने घर के लिए ऐसा करने के बजाय रेजिडेंट्स वेलफेयर एसोसिएशन को एक सामाजिक पहल के रूप में ऐसा करने के लिए राजी किया। इसके लिए उन्होंने एक स्थानीय पार्क में एक वर्गाकार क्षेत्र की पहचान की। स्थानीय अधिकारियों ने जगह के लिए ₹50 प्रति वर्ग मीटर की दर से शुल्क लिया तािक जगह का दुरुपयोग न हो और रेजिडेंट वेलफेयर एसोसिएशन इसे गंभीरता से लेता है।	1+1+2
	एसोसिएशन ने खुदाई के लिए एक मजदूर को 250 मीटर उपये पर काम पर रखा और उसने ₹400 x या x (गहराई)² शुल्क लिया। (एसोसिएशन प्रति वर्ग मीटर न्यूनतम लागत रखना चाहेगी।	



ऊपर दी गई जानकारी के आधार पर निम्नलिखित का उत्तर दें:

(i)यदि वर्गाकार भूखंड की भुजा x मीटर है और गहराई h मीटर है तो गड्ढे की लागत C ज्ञात कीजिये

- .(II) h का मान (मीटर में)जिसमे का मान ज्ञात कीजिए।ताकि $\frac{dc}{dh}$ =0
- (iii) $\frac{d^2c}{dh^2}$ का मूल्य क्या है?

अथवा

(iii)न्यूनतम लागत के लिए x का मान (मीटर में)ज्ञात कीजिए।

रूस और यूक्रेन के बीच युद्ध में ब्रिटेन ने यूक्रेन को A और B नामक दो प्रकार की नई विमान भेदी बंदूकें प्रदान कीं जिनका उपयोग यूक्रेनी सेना ने रूस के 'आत्मघाती ड्रोन' को रोकने के लिए किया था। उनसे दागे गए गोले के हवाई जहाज़ से टकराने की संभावनाएँ क्रमशः 0.3 और 0.2 हैं। दोनों ने एक ही समय में एक हवाई जहाज पर एक-एक गोला दागा।





ऊपर दी गई जानकारी के आधार पर निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए।

2+2

(ii) यदि यह जात है कि उतमें से ठीक एक से दागा गया गोला विमान से टकराया है, तो इसकी प्रया संभावना है कि वह B से दागा गया था?	(ii) यिद यह जात है कि उनमें से ठीक एक से दागा गया गोला विमान से टकराया है, तो इसकी क्या संभावना है कि वह B से दागा गया था?