

MP BOARD CLASS 9 EXAM 2014

गणित : कक्षा IX

1. सही विकल्प चुनकर लिखिए— **$1 \times 5 = 5$**

- (i) शून्य का आविष्कारक देश है—
(अ) चीन (ब) जापान (स) भारत (द) अमेरिका।
 - (ii) बहुपद $2 - x^2 + x^3$ में x^2 का गुणांक है—
(अ) 1 (ब) 2 (स) 0 (द) -1.
 - (iii) समकोण त्रिभुज में सबसे बड़ी भुजा होती है—
(अ) लम्ब (ब) आधार (स) रेखा (द) कर्ण।
 - (iv) आयत का प्रत्येक कोण होता है—
(अ) 90° (ब) 180° (स) 360° (द) 270° .
 - (v) किसी चतुर्भुज के ऐसे दो कोण, जिनकी कोई भी भुजा उभयनिष्ठ न हो, कहलाते हैं—
(अ) सम्मुख कोण (ब) आसन कोण (स) समकोण (द) न्यूनकोण।
- उत्तर—(i) (स), (ii) (द), (iii) (द), (iv) (अ), (v) (अ).

2. रिक्त स्थानों की पूर्ति कीजिए— **$1 \times 5 = 5$**

- (i) 'लीलावती' के रचयिता थे।
- (ii) किसी समुच्चय के उपसमुच्चयों की संख्या होती है।
- (iii) $\log_a (m^n) =$
- (iv) बट्टा % =
$$\frac{\text{बट्टा}}{\text{बिन्दु}} \times 100$$

- (v) त्रिभुज की माध्यिकाओं के संगमन बिन्दु को कहते हैं।

उत्तर—(i) भास्कर-II, (ii) 2^n , (iii) $n \log_a m$, (iv) अंकित मूल्य, (v) केन्द्रक।

3. सत्य/असत्य लिखिए— **$1 \times 5 = 5$**

- (i) किसी संख्या को जब अक्षर के रूप में व्यक्त किया जाता है तो उसे कूटांक कहते हैं।
 - (ii) $\log_x x = 0$.
 - (iii) बिन्दुओं का बिन्दुपथ उन सभी बिन्दुओं का समुच्चय होता है, जो दी हुई एक या अधिक प्रतिबन्धों का पालन करे।
 - (iv) त्रिभुज की माध्यिका त्रिभुज को दो समान क्षेत्रफल वाले त्रिभुजों में विभक्त नहीं करती है।
 - (v) प्रेक्षणों के अधिकतम और न्यूनतम मान के अन्तर को वर्ग अन्तर कहते हैं।
- उत्तर—(i) सत्य, (ii) असत्य, (iii) सत्य, (iv) असत्य, (v) असत्य।

4. सही जोड़ी बनाइए— **$1 \times 5 = 5$**

स्तम्भ 'अ'

- (i) समुच्चय $\{1, 2, 3\}$ के उपसमुच्चयों की संख्या होगी (अ) 4
- (ii) $2(x - 4) = 4$ का हल होगा (ब) 0
- (iii) संख्या 12 से छोटी सभी सम धन पूर्णांकों के समुच्चय में अवयवों की संख्या (स) 7
- (iv) $2x + 3 = x + 3$ का हल (द) 8
- (v) सप्ताह के सात दिनों के समुच्चय में अवयवों की संख्या (इ) 5

स्तम्भ 'ब'

उत्तर—(i) \rightarrow (द), (ii) \rightarrow (अ), (iii) \rightarrow (इ), (iv) \rightarrow (ब), (v) \rightarrow (स)।

5. एक शब्द/वाक्य में उत्तर लिखिए— **$1 \times 5 = 5$**

- (i) वर्तमान में प्रचलित संख्या पद्धति का आधार क्या होता है ?
- (ii) बिन्दु $(8, -6)$ तथा $(-5, 2)$ कौन से चतुर्थांश में स्थित है ?

(iii) यदि $\operatorname{cosec} A = \sqrt{10}$ हो तो $\sin A$ का मान क्या है ?

(iv) त्रिभुज का अन्तःकेन्द्र किसे कहते हैं ?

(v) जब क्रय मूल्य, विक्रय मूल्य से ज्यादा हो तब क्या होता है ?

उत्तर—(i) हिन्दू-अरेबिक संख्या पद्धति, (ii) चतुर्थ तथा द्वितीय चतुर्थांश में, (iii) $\sin A = 1/\sqrt{10}$,

(iv) त्रिभुज के कोणार्द्धकों का संगमन बिन्दु अन्तःकेन्द्र कहलाता है, (v) हानि।

6. शीर्षलम्ब तथा माध्यिका की परिभाषा लिखिए।

2

अथवा

परिकेन्द्र तथा लम्बकेन्द्र की परिभाषा लिखिए।

7. दो त्रिभुजों की सर्वांगसमता हेतु कोई दो प्रतिबन्ध लिखिए।

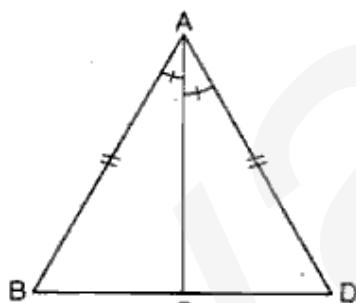
2

अथवा

$\triangle ABC$ में यदि $\angle A = 100^\circ$ और $AB = AC$ हो तो $\angle B$ तथा $\angle C$ के मान ज्ञात कीजिए।

8. यदि दी हुई आकृति में $AB = AD$ तथा $\angle BAC = \angle DAC$ तो क्या $\triangle ABC = \triangle ADC$? यदि हाँ तो इसमें सर्वांगसमता का कौन-सा प्रतिबन्ध प्रयोग किया गया है ?

2



अथवा

तीन समरेख बिन्दुओं से समदूरस्थ बिन्दुओं का बिन्दुपथ क्या होगा ? अपने उत्तर का कारण भी बताइये।

9. ऐकिक सममिति तथा सममित अक्ष की परिभाषा दीजिए।

2

अथवा

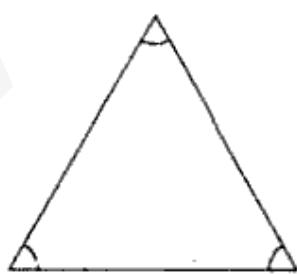
समान्तर चतुर्भुज की कोई चार विशेषताएँ लिखिए।

10. वर्ग की माप 4 सेमी हो तो उसकी परिमिति ज्ञात कीजिए।

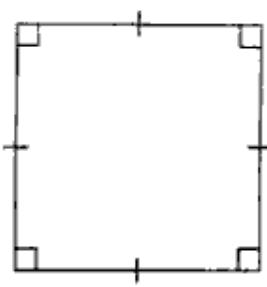
2

अथवा

नीचे दर्शायी गयी आकृतियों में सममित अक्षों की संख्या लिखिए।



(i)



(ii)

11. वास्तविक फलन $f(x) = \sqrt{x} + \sqrt{5-x}$ के लिए परिभाषित $f(0), f(1), f(-2), f(2)$ के मान ज्ञात कीजिए।

4

अथवा

निम्नांकित बिन्दु कौन से अक्ष पर स्थित है ?

(i) $(0, -8)$, (ii) $(4, 0)$, (iii) $(0, 3\cdot2)$, (iv) $(-6, 0)$.

12. $u^4 + 3u^3 + 2u + 6$ और $u^4 - 3u^2 + 6u + 2$ के योगफल में से $4u^3 - 3u + 4$ को घटाइये।

4

12. $u^4 + 3u^3 + 2u + 6$ और $u^4 - 3u^2 + 6u + 2$ के योगफल में से $4u^3 - 3u + 4$ को घटाइये। 4
अथवा

$12x^2 - 75$ के गुणनखण्ड कीजिए।

13. निम्नलिखित समीकरण का हल ज्ञात कीजिए—

$$\log(x+1) + \log(x-1) = \log 11 + 2 \log 3.$$

अथवा

$\log_3 \sqrt[3]{81}$ का मान ज्ञात कीजिए।

14. एक आयत की लम्बाई उसकी चौड़ाई से 5 सेमी अधिक है। यदि आयत का परिमाप 40 सेमी हो, तो आयत की लम्बाई एवं चौड़ाई ज्ञात कीजिए। 4

अथवा

64 को इस प्रकार दो भागों में बांटिए कि एक भाग दूसरे का 3 गुना हो।

15. यदि $\tan A = \frac{3}{4}$ तो $\tan^2 A + \sin A \cdot \sec A$ का मान ज्ञात कीजिए। 4

अथवा

सिद्ध कीजिए कि— $\frac{\cos 30^\circ - 1}{\cos 60^\circ} = \frac{1 - \tan 60^\circ}{1 + \tan 60^\circ}$.

16. आयत की आसन्न भुजाओं की लम्बाई का अनुपात 3 : 2 है। यदि आयत की परिमति 15 सेमी हो तो उसकी सभी भुजाओं की माप ज्ञात कीजिए। 4

अथवा

3.0 सेमी त्रिज्या वाले वृत्त के अन्तर्गत समअष्टभुज की रचना कीजिए।

17. निम्नलिखित की परिभाषा दीजिए—

(i) प्रायिकता (ii) यादृच्छिक प्रयोग (iii) प्रतिदर्श समष्टि (iv) प्रतिदर्श बिन्दु। 4

अथवा

एक घनाकार पाँसे को फेंकने पर शीर्ष पर विषम अंक आने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।

18. बहुपदों $4x^2 - 8x - 12$ एवं $9x^2 - 9x - 54$, $6x^4 - 30x^2 + 24$ का लघुतम समापवर्त्य ज्ञात कीजिए। 5

अथवा

बिना भाग सिद्ध कीजिए कि $x^4 + 2x^3 - 2x^2 + 2x - 3$, $x^2 + 2x - 3$ से पूर्णतः विभाजित हो जाता है।

19. उन्नयन एवं अवनमन कोण को नामांकित चित्र सहित परिभाषित कीजिए। 5

अथवा

एक उपग्रह को पृथ्वी पर स्थित दो वेधशालाओं से देखने पर (जो उपग्रह को एक ही दिशा में स्थित हैं।) क्रमशः 30° एवं 60° के कोण बनते हैं। यदि दोनों वेधशालाओं के बीच की दूरी 4000 किमी हो तो उपग्रह की ऊँचाई ज्ञात कीजिए।

20. पिश्रधन और चक्रवृद्धि ब्याज ज्ञात कीजिए :

मूलधन = ₹ 20,000, दर = 7.5% वार्षिक, समय = 3 वर्ष। 5

अथवा

बैंक खातों के विभिन्न प्रकार के नाम लिखिए एवं वर्णन कीजिए।

21. यदि किसी समान्तर चतुर्भुज के विकर्ण एक-दूसरे पर लम्ब हों तो वह समचतुर्भुज होता है। 5

अथवा

यदि ABCD एक समचतुर्भुज है जिसकी भुजाओं AB, BC, CD एवं DA के मध्य बिन्दु P, Q, R एवं S हैं तो सिद्ध कीजिए कि PQRS एक आयत है।

22. $30, 29, 32, 31, 28, 26, 29, 36, 34, 31, 29, 30, 38, 36, 34, 32, 33, 30, 35, 36, 37, 28, 32, 36, 30, 36, 34, 31, 33, 36.$

उपर्युक्त को मिलान चिन्ह की सहायता से आवृत्ति सारणी में दर्शाइए।

5

अथवा

आयत चित्र बनाते हुए निम्नांकित आवृत्ति बंटन के लिए आवृत्ति बहुभुज बनाइये :

वर्ग (दिनिक मजदूरी)	21-25	26-30	31-35	36-40	41-45	46-50
संख्या	7	11	6	16	9	5

23. $\frac{3}{5 - \sqrt{3}} + \frac{2}{5 + \sqrt{3}}$ प्रत्येक का हर का परिमेयकरण करके सरल कीजिए।

6

अथवा

$$\text{सरल कीजिए : } \sqrt{252} - 5\sqrt{6} + \sqrt{294} - 3\sqrt{\frac{1}{6}}.$$

24. एक व्यापारी ने 17 किवण्टल आलू ₹ 720 प्रति किवण्टल की दर से खरीदे। उसे इन आलूओं को गोदाम तक पहुँचाने में ठेले का किराया ₹ 240 देना पड़ा। यदि वह आलू ₹ 8.50 प्रति किग्रा के भाव से बेचे तो ज्ञात कीजिए उसे कितने प्रतिशत लाभ या हानि हुई ?

6

अथवा

अलका 25% लाभ पर एक वस्तु विजय को बेचती है और विजय 30% लाभ पर उसे सोनू को बेचता है। यदि सोनू उस वस्तु के लिए ₹ 520 देता है, तो अलका ने उस वस्तु को कितने रुपये में खरीदा ?